

Informatik I: Einführung in die Programmierung

13. Objekt-orientierte Programmierung: Aggregation, Invarianten, Datenkapselung, Properties, Operator-Überladung
Dictionaries und Mengen

Albert-Ludwigs-Universität Freiburg



UNI
FREIBURG

Prof. Dr. Peter Thiemann

12.01.2021



Aggregierung

Aggregie-
rung

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen



- Oft sind Objekte aus anderen Objekten **zusammengesetzt**.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen



- Oft sind Objekte aus anderen Objekten **zusammengesetzt**.
- Methodenaufrufe auf ein zusammengesetztes Objekt führen meist zu Methodenaufrufen auf eingebetteten Objekten.

Aggregie-
rung

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen



- Oft sind Objekte aus anderen Objekten **zusammengesetzt**.
- Methodenaufrufe auf ein zusammengesetztes Objekt führen meist zu Methodenaufrufen auf eingebetteten Objekten.
- Beispiel: ein zusammengesetztes 2D-Objekt, das andere 2D-Objekte enthält, z.B. einen Kreis und ein Rechteck.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Die Klasse CompositeObject (1)



- Jede Instanz ist ein **2D-Objekt**, aber eine Position macht keinen Sinn.

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Die Klasse CompositeObject (1)



- Jede Instanz ist ein **2D-Objekt**, aber eine Position macht keinen Sinn.
- Zusätzlich hat jede Instanz als Attribut eine **Liste** von 2D-Objekten.

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Die Klasse CompositeObject (1)



- Jede Instanz ist ein **2D-Objekt**, aber eine Position macht keinen Sinn.
- Zusätzlich hat jede Instanz als Attribut eine **Liste** von 2D-Objekten.

newgeoclasses.py (1)

```
@dataclass
class CompositeObject(TwoDObject):
    contents : list[TwoDObject] = []

    def add(self, obj : TwoDObject):
        self.contents.append(obj)

    def rem(self, obj : TwoDObject):
        self.contents.remove(obj)

    ...
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Die CompositeObject-Klasse (2)



- Die Methoden `size_change`, `move` und `position` werden überschrieben.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Die CompositeObject-Klasse (2)



- Die Methoden `size_change`, `move` und `position` werden überschrieben.
- Wir wälzen das Ändern und Verschieben des zusammengesetzten Objektes auf die Einzelobjekte ab: **Delegieren**.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Die CompositeObject-Klasse (2)



- Die Methoden `size_change`, `move` und `position` werden überschrieben.
- Wir wälzen das Ändern und Verschieben des zusammengesetzten Objektes auf die Einzelobjekte ab: **Delegieren**.

`newgeoclasses.py` (2)

```
def size_change(self, percent : float):
    for obj in self.contents:
        obj.size_change(percent)

def move(self, xchange :float, ychange : float):
    for obj in self.contents:
        obj.move(xchange, ychange)

def position(self):
    return self.contents[0].position() if self.contents else None
```

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen



Python-Interpreter

```
>>> c = Circle(x=1,y=2); r = Rectangle(10,10)
>>> a = CompositeObject(contents=[r,c])
>>> a.size_change(200)
>>> r.area()
```

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Die CompositeObject-Klasse (3)



Python-Interpreter

```
>>> c = Circle(x=1,y=2); r = Rectangle(10,10)
>>> a = CompositeObject(contents=[r,c])
>>> a.size_change(200)
>>> r.area()
400.0
```

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Die CompositeObject-Klasse (3)



Python-Interpreter

```
>>> c = Circle(x=1,y=2); r = Rectangle(10,10)
>>> a = CompositeObject(contents=[r,c])
>>> a.size_change(200)
>>> r.area()
400.0
>>> a.move(40,40)
>>> a.position()
```

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Die CompositeObject-Klasse (3)



Python-Interpreter

```
>>> c = Circle(x=1,y=2); r = Rectangle(10,10)
>>> a = CompositeObject(contents=[r,c])
>>> a.size_change(200)
>>> r.area()
400.0
>>> a.move(40,40)
>>> a.position()
(40, 40)
```

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Die CompositeObject-Klasse (3)



Python-Interpreter

```
>>> c = Circle(x=1,y=2); r = Rectangle(10,10)
>>> a = CompositeObject(contents=[r,c])
>>> a.size_change(200)
>>> r.area()
400.0
>>> a.move(40,40)
>>> a.position()
(40, 40)
>>> c.position()
```

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Die CompositeObject-Klasse (3)



Python-Interpreter

```
>>> c = Circle(x=1,y=2); r = Rectangle(10,10)
>>> a = CompositeObject(contents=[r,c])
>>> a.size_change(200)
>>> r.area()
400.0
>>> a.move(40,40)
>>> a.position()
(40, 40)
>>> c.position()
(41, 42)
```

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Die CompositeObject-Klasse (3)



Python-Interpreter

```
>>> c = Circle(x=1,y=2); r = Rectangle(10,10)
>>> a = CompositeObject(contents=[r,c])
>>> a.size_change(200)
>>> r.area()
400.0
>>> a.move(40,40)
>>> a.position()
(40, 40)
>>> c.position()
(41, 42)
>>> b = CompositeObject()
>>> a.add(b)
>>> a.move(-10, -10)
>>> b.position()
```

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Die CompositeObject-Klasse (3)



Python-Interpreter

```
>>> c = Circle(x=1,y=2); r = Rectangle(10,10)
>>> a = CompositeObject(contents=[r,c])
>>> a.size_change(200)
>>> r.area()
400.0
>>> a.move(40,40)
>>> a.position()
(40, 40)
>>> c.position()
(41, 42)
>>> b = CompositeObject()
>>> a.add(b)
>>> a.move(-10, -10)
>>> b.position()
```

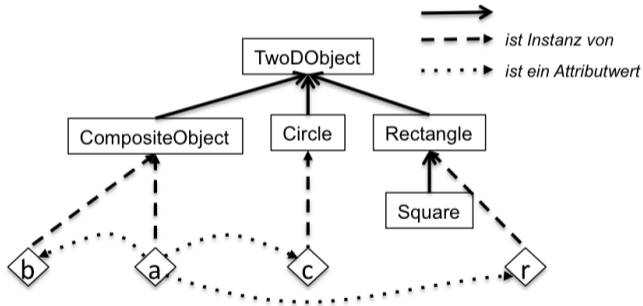
Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen



Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen



Properties

Aggregie-
rung

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Zugriff auf Attribute kontrollieren: Getter und Setter



- Ziel ist **Kontrolle** über das Abfragen und Setzen von Attributwerten.

Aggregie-
rung

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Zugriff auf Attribute kontrollieren: Getter und Setter



- Ziel ist **Kontrolle** über das Abfragen und Setzen von Attributwerten.
 - Invarianten zwischen Attributwerten sollen respektiert werden.
Es soll nicht möglich sein, unsinnige Attributwerte zu setzen.

Aggregie-
rung

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Zugriff auf Attribute kontrollieren: Getter und Setter



- Ziel ist **Kontrolle** über das Abfragen und Setzen von Attributwerten.
 - Invarianten zwischen Attributwerten sollen respektiert werden.
Es soll nicht möglich sein, unsinnige Attributwerte zu setzen.
 - Der Zustand eines Objekts soll gekapselt werden.

Aggregie-
rung

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Zugriff auf Attribute kontrollieren: Getter und Setter



- Ziel ist **Kontrolle** über das Abfragen und Setzen von Attributwerten.
 - Invarianten zwischen Attributwerten sollen respektiert werden.
Es soll nicht möglich sein, unsinnige Attributwerte zu setzen.
 - Der Zustand eines Objekts soll gekapselt werden.
- In anderen Sprachen können Attribute als **privat** deklariert werden.

Aggregie-
rung

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Zugriff auf Attribute kontrollieren: Getter und Setter



- Ziel ist **Kontrolle** über das Abfragen und Setzen von Attributwerten.
 - Invarianten zwischen Attributwerten sollen respektiert werden.
Es soll nicht möglich sein, unsinnige Attributwerte zu setzen.
 - Der Zustand eines Objekts soll gekapselt werden.
- In anderen Sprachen können Attribute als **privat** deklariert werden.
 - Nur Methoden des zugehörigen Objekts können sie lesen bzw. ändern.

Aggregie-
rung

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Zugriff auf Attribute kontrollieren: Getter und Setter



- Ziel ist **Kontrolle** über das Abfragen und Setzen von Attributwerten.
 - Invarianten zwischen Attributwerten sollen respektiert werden.
Es soll nicht möglich sein, unsinnige Attributwerte zu setzen.
 - Der Zustand eines Objekts soll gekapselt werden.
- In anderen Sprachen können Attribute als **privat** deklariert werden.
 - Nur Methoden des zugehörigen Objekts können sie lesen bzw. ändern.
 - Sie sind unsichtbar für Objekte anderer Klassen.

Aggregie-
rung

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Zugriff auf Attribute kontrollieren: Getter und Setter



- Ziel ist **Kontrolle** über das Abfragen und Setzen von Attributwerten.
 - Invarianten zwischen Attributwerten sollen respektiert werden.
Es soll nicht möglich sein, unsinnige Attributwerte zu setzen.
 - Der Zustand eines Objekts soll gekapselt werden.
 - In anderen Sprachen können Attribute als **privat** deklariert werden.
 - Nur Methoden des zugehörigen Objekts können sie lesen bzw. ändern.
 - Sie sind unsichtbar für Objekte anderer Klassen.
- ⇒ **Datenkapselung**; **Invarianten** können garantiert werden.

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Zugriff auf Attribute kontrollieren: Getter und Setter



- Ziel ist **Kontrolle** über das Abfragen und Setzen von Attributwerten.
 - Invarianten zwischen Attributwerten sollen respektiert werden.
Es soll nicht möglich sein, unsinnige Attributwerte zu setzen.
 - Der Zustand eines Objekts soll gekapselt werden.
- In anderen Sprachen können Attribute als **privat** deklariert werden.
 - Nur Methoden des zugehörigen Objekts können sie lesen bzw. ändern.
 - Sie sind unsichtbar für Objekte anderer Klassen.

⇒ **Datenkapselung**; **Invarianten** können garantiert werden.
- Für den Zugriff durch andere Objekte werden (häufig) **Getter**- und (seltener) **Setter**-Methoden bereitgestellt.

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Zugriff auf Attribute kontrollieren: Getter und Setter



- Ziel ist **Kontrolle** über das Abfragen und Setzen von Attributwerten.
 - Invarianten zwischen Attributwerten sollen respektiert werden.
Es soll nicht möglich sein, unsinnige Attributwerte zu setzen.
 - Der Zustand eines Objekts soll gekapselt werden.
- In anderen Sprachen können Attribute als **privat** deklariert werden.
 - Nur Methoden des zugehörigen Objekts können sie lesen bzw. ändern.
 - Sie sind unsichtbar für Objekte anderer Klassen.

⇒ **Datenkapselung**; **Invarianten** können garantiert werden.
- Für den Zugriff durch andere Objekte werden (häufig) **Getter**- und (seltener) **Setter**-Methoden bereitgestellt.
 - Eine Getter-Methode liest ein privates Attribut.

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Zugriff auf Attribute kontrollieren: Getter und Setter



- Ziel ist **Kontrolle** über das Abfragen und Setzen von Attributwerten.
 - Invarianten zwischen Attributwerten sollen respektiert werden.
Es soll nicht möglich sein, unsinnige Attributwerte zu setzen.
 - Der Zustand eines Objekts soll gekapselt werden.
- In anderen Sprachen können Attribute als **privat** deklariert werden.
 - Nur Methoden des zugehörigen Objekts können sie lesen bzw. ändern.
 - Sie sind unsichtbar für Objekte anderer Klassen.

⇒ **Datenkapselung**; **Invarianten** können garantiert werden.
- Für den Zugriff durch andere Objekte werden (häufig) **Getter**- und (seltener) **Setter**-Methoden bereitgestellt.
 - Eine Getter-Methode liest ein privates Attribut.
 - Eine Setter-Methode schreibt ein privates Attribut.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Zugriff auf Attribute kontrollieren: Getter und Setter



- Ziel ist **Kontrolle** über das Abfragen und Setzen von Attributwerten.
 - Invarianten zwischen Attributwerten sollen respektiert werden.
Es soll nicht möglich sein, unsinnige Attributwerte zu setzen.
 - Der Zustand eines Objekts soll gekapselt werden.
- In anderen Sprachen können Attribute als **privat** deklariert werden.
 - Nur Methoden des zugehörigen Objekts können sie lesen bzw. ändern.
 - Sie sind unsichtbar für Objekte anderer Klassen.

⇒ **Datenkapselung**; **Invarianten** können garantiert werden.
- Für den Zugriff durch andere Objekte werden (häufig) **Getter**- und (seltener) **Setter**-Methoden bereitgestellt.
 - Eine Getter-Methode liest ein privates Attribut.
 - Eine Setter-Methode schreibt ein privates Attribut.
- In Python sind Attribute im wesentlichen *öffentlich*, aber sie können durch Getter und Setter als **Properties** geschützt werden.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen



Definition: Dateninvariante

Eine Dateninvariante ist eine logische Aussage über die Attribute eines Objekts, die während der gesamten Lebensdauer des Objekts erfüllt sein muss.

- Der Konstruktor muss die Dateninvariante sicherstellen.
- Die Methoden müssen die Dateninvariante erhalten.
- Unbewachtes Ändern eines Attributs kann die Dateninvariante zerstören.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen



Definition: Dateninvariante

Eine Dateninvariante ist eine logische Aussage über die Attribute eines Objekts, die während der gesamten Lebensdauer des Objekts erfüllt sein muss.

- Der Konstruktor muss die Dateninvariante sicherstellen.
- Die Methoden müssen die Dateninvariante erhalten.
- Unbewachtes Ändern eines Attributs kann die Dateninvariante zerstören.

Definition: Datenkapselung

Attribute (Objektzustand) können nicht direkt gelesen oder geändert werden.

- Die Interaktion mit einem Objekt geschieht nur durch Methoden.
- Die Implementierung (Struktur des Objektzustands) kann verändert werden, ohne dass andere Teile des Programms geändert werden müssen.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen



■ Invariante

Das Attribut `radius` der Klasse `Circle` soll immer größer als Null sein.

- **Regel 1:** Jede Invariante **muss** im docstring der Klasse dokumentiert sein!

```
@dataclass
class Circle(TwoDObject):
    '''Represents a circle in the plane.

    Attributes:
        radius: a number indicating the radius of the circle
        x, y: inherited from TwoDObject

    Invariants:
        radius > 0
    '''
    radius : float
```

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Beispiel Invariante: Radius eines Kreises



- Der docstring kann Verletzungen der Invariante nicht verhindern...
- **Regel 2: Der Konstruktor muss die Einhaltung der Invariante prüfen!**
- Die Prüfung geschieht durch eine Assertion in einer speziellen Methode `__post_init__`. Verletzung führt zu einer **Exception** (Ausnahme).
- `__post_init__` wird automatisch bei Konstruktion einer Instanz einer Datenklasse aufgerufen.

```
@dataclass
class Circle(TwoDObject):
    ...
    radius : float

    def __post_init__(self):
        assert self.radius > 0, "radius should be greater than 0"
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen



- Bei falschem Aufruf des Konstruktors wird eine Exception ausgelöst.

Python-Interpreter

```
>>> c = Circle (x=10,y=20, radius=-3)
Traceback (most recent call last):
  File "<stdin>", line 1, in <module>
  File ".../properties.py", line 46, in __init__
    assert radius > 0, "radius should be greater than 0"
AssertionError: radius should be greater than 0
```

Aggregie-
rung

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen



- Ein böswilliger Mensch kann immer noch folgenden Code schreiben:

```
c = Circle(x=20, y=20, radius=5)
c.radius = -3  ## object invariant broken
```

- **Regel 3:** Das Attribut `radius` muss als Property ohne Setter definiert werden!

```
@dataclass
class Circle(TwoDObject):
    ...
    __radius : float ## Namen von Properties beginnen mit __

    def __post_init__(self):
        assert self.__radius > 0, "radius should be greater than 0"

    @property
    def radius (self) -> float:
        return self.__radius
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Was passiert?



- Der Attributwert für den Radius wird im Feld `__radius` des Objekts gespeichert.
Felder, deren Name mit `__` beginnt, sind von außen nicht ohne weiteres zugreifbar!

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Was passiert?



- Der Attributwert für den Radius wird im Feld `__radius` des Objekts gespeichert. **Felder, deren Name mit `__` beginnt, sind von außen nicht ohne weiteres zugreifbar!**
- `radius` ist eine normale **Methode**, der **Getter** für `radius`.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Was passiert?



- Der Attributwert für den Radius wird im Feld `__radius` des Objekts gespeichert. **Felder, deren Name mit `__` beginnt, sind von außen nicht ohne weiteres zugreifbar!**
- `radius` ist eine normale **Methode**, der **Getter** für `radius`.
- Die Dekoration mit `@property` bewirkt, dass `radius` wie ein Attribut verwendet werden kann.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Was passiert?



- Der Attributwert für den Radius wird im Feld `__radius` des Objekts gespeichert. **Felder, deren Name mit `__` beginnt, sind von außen nicht ohne weiteres zugreifbar!**
- `radius` ist eine normale **Methode**, der **Getter** für `radius`.
- Die Dekoration mit `@property` bewirkt, dass `radius` wie ein Attribut verwendet werden kann.
- Ein Attributzugriff `c.radius` wird als Methodenaufruf `c.radius()` interpretiert.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Was passiert?



- Der Attributwert für den Radius wird im Feld `__radius` des Objekts gespeichert. **Felder, deren Name mit `__` beginnt, sind von außen nicht ohne weiteres zugreifbar!**
- `radius` ist eine normale **Methode**, der **Getter** für `radius`.
- Die Dekoration mit `@property` bewirkt, dass `radius` wie ein Attribut verwendet werden kann.
- Ein Attributzugriff `c.radius` wird als Methodenaufruf `c.radius()` interpretiert.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Python-Interpreter

```
>>> c = Circle (x=10,y=20, radius=3)
>>> c.radius
3
>>> c.x = -3
Traceback (most recent call last):
  File "<stdin>", line 1, in <module>
AttributeError: can't set attribute
```



Eine (Daten-) Invariante ist eine logische Aussage über die Attribute eines Objekts, die während der gesamten Lebensdauer des Objekts erfüllt sein muss.

Regeln zu Dateninvarianten

- 1 Jede Invariante muss im docstring der Klasse dokumentiert sein!
- 2 Der Konstruktor muss die Einhaltung der Invariante prüfen!
- 3 Die Attribute, die in der Invariante erwähnt werden, müssen als Properties ohne Setter definiert werden!

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen



Aufgabe

Ein Zeichenprogramm verwendet Punkte in der Ebene. Die Hauptoperation auf Punkten ist die Drehung (um den Ursprung) um einen bestimmten Winkel.

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen



Aufgabe

Ein Zeichenprogramm verwendet Punkte in der Ebene. Die Hauptoperation auf Punkten ist die Drehung (um den Ursprung) um einen bestimmten Winkel.

Erster Versuch

```
@dataclass
class Point2D:
    x : float
    y : float

    def turn(self, phi : float):
        self.x, self.y = (self.x * cos(phi) - self.y * sin(phi)
                        , self.x * sin(phi) + self.y * cos(phi))
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen



Python-Interpreter

```
>>> pp = Point2D(1,0)
>>> pp.x, pp.y
(1, 0)
>>> pp.turn(pi/2)
>>> pp.x, pp.y
(6.123233995736766e-17, 1.0)
>>> pp.y = -1
>>> pp.turn (pi/2)
>>> pp.x, pp.y
(1.0, 0.0)
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen



- Das Interface von `Point2D` Objekten besteht aus den Attributen `x`, `y` und der Methode `turn()`.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen



- Das Interface von `Point2D` Objekten besteht aus den Attributen `x`, `y` und der Methode `turn()`.
- Jeder Aufruf von `turn()` erfordert vier trigonometrische Operationen (naja, mindestens zwei), die vergleichsweise aufwändig sind.

Aggregie-
rung

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen



- Das Interface von `Point2D` Objekten besteht aus den Attributen `x`, `y` und der Methode `turn()`.
- Jeder Aufruf von `turn()` erfordert vier trigonometrische Operationen (naja, mindestens zwei), die vergleichsweise aufwändig sind.
- Möglichkeit zur Vermeidung dieser Operationen: Ändere die Datenrepräsentation von rechtwinkligen Koordinaten (x, y) in **Polarkoordinaten** (r, ϑ) . In Polarkoordinaten entspricht eine Drehung um φ der Addition der Winkel $\vartheta + \varphi$.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen



- Das Interface von `Point2D` Objekten besteht aus den Attributen `x`, `y` und der Methode `turn()`.
- Jeder Aufruf von `turn()` erfordert vier trigonometrische Operationen (naja, mindestens zwei), die vergleichsweise aufwändig sind.
- Möglichkeit zur Vermeidung dieser Operationen: Ändere die Datenrepräsentation von rechtwinkligen Koordinaten (x, y) in **Polarkoordinaten** (r, ϑ) . In Polarkoordinaten entspricht eine Drehung um φ der Addition der Winkel $\vartheta + \varphi$.
- Aber: das Interface soll erhalten bleiben!

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen



- Das Interface von `Point2D` Objekten besteht aus den Attributen `x`, `y` und der Methode `turn()`.
- Jeder Aufruf von `turn()` erfordert vier trigonometrische Operationen (naja, mindestens zwei), die vergleichsweise aufwändig sind.
- Möglichkeit zur Vermeidung dieser Operationen: Ändere die Datenrepräsentation von rechtwinkligen Koordinaten (x, y) in **Polarkoordinaten** (r, ϑ) . In Polarkoordinaten entspricht eine Drehung um φ der Addition der Winkel $\vartheta + \varphi$.
- Aber: das Interface soll erhalten bleiben!
- Ein Fall für Datenkapselung mit Gettern **und** Settern!

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen



- Das Interface von `Point2D` Objekten besteht aus den Attributen `x`, `y` und der Methode `turn()`.
- Jeder Aufruf von `turn()` erfordert vier trigonometrische Operationen (naja, mindestens zwei), die vergleichsweise aufwändig sind.
- Möglichkeit zur Vermeidung dieser Operationen: Ändere die Datenrepräsentation von rechtwinkligen Koordinaten (x, y) in **Polarkoordinaten** (r, ϑ) . In Polarkoordinaten entspricht eine Drehung um φ der Addition der Winkel $\vartheta + \varphi$.
- Aber: das Interface soll erhalten bleiben!
- Ein Fall für Datenkapselung mit Gettern **und** Settern!
- (keine Invariante: `x` und `y` sind beliebige Zahlen!)

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Datenkapselung: Änderung der Repräsentation ohne Änderung des Interface



```
@dataclass
class PointPolar:
    x : InitVar[float]
    y : InitVar[float]

    def __post_init__(self, x:float, y:float):
        self.__r = sqrt (x*x + y*y)
        self.__theta = atan2 (y, x)

    def turn (self, phi:float):
        self.__theta += phi
    ...
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

- x und y definieren nur die Parameter für den Konstruktor (Effekt von InitVar)
- Repräsentation durch Polarkoordinaten
- Interne Attribute `__r` und `__theta` von außen nicht zugreifbar



```
@property
def x (self) -> float:
    return self.__r * cos (self.__theta)
@property
def y (self) -> float:
    return self.__r * sin (self.__theta)
@x.setter
def x (self, x : float):
    self.__post_init__ (x, self.y)
@y.setter
def y (self, y : float):
    self.__post_init__ (self.x, y)
```

- Definition der Getter wie gehabt.
- Definition der Setter dekoriert mit `@x.setter`, wobei `x` der Propertyname ist.
- Methodendefinition für den Propertynamen mit einem Parameter (+ `self`).
- Eine Zuweisung `p.x = v` wird interpretiert als Methodenaufruf `p.x(v)`.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Was passiert? Exakt das Gleiche wie mit `Point2D`!



Python-Interpreter

```
>>> pp = PointPolar(1,0)
>>> pp.x, pp.y
(1, 0)
>>> pp.turn(pi/2)
>>> pp.x, pp.y
(6.123233995736766e-17, 1.0)
>>> pp.y = -1
>>> pp.turn (pi/2)
>>> pp.x, pp.y
(1.0, 0.0)
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen



Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

- Intern könnte der Punkt **beide** Repräsentationen vorhalten.
- Nur die jeweils benötigte Repräsentation wird berechnet.
- Transformationen werden immer in der günstigsten Repräsentation ausgeführt:
Rotation in Polarkoordinaten, Translation in rechtwinkligen Koordinaten



Operator-Überladung

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



- Ein **Operator** ist **überladen** (operator overloading), wenn dieser Operator je nach Typ der Argumente (und ggf. dem Kontext) unterschiedlich definiert ist.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



- Ein **Operator** ist **überladen** (operator overloading), wenn dieser Operator je nach Typ der Argumente (und ggf. dem Kontext) unterschiedlich definiert ist.
- Traditionell sind die arithmetischen Operatoren in vielen Programmiersprachen für alle numerischen Typen überladen.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



- Ein **Operator** ist **überladen** (operator overloading), wenn dieser Operator je nach Typ der Argumente (und ggf. dem Kontext) unterschiedlich definiert ist.
- Traditionell sind die arithmetischen Operatoren in vielen Programmiersprachen für alle numerischen Typen überladen.
- In Python sind außerdem die Operatoren „+“ und „*“ für Strings überladen.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



- Ein **Operator** ist **überladen** (operator overloading), wenn dieser Operator je nach Typ der Argumente (und ggf. dem Kontext) unterschiedlich definiert ist.
- Traditionell sind die arithmetischen Operatoren in vielen Programmiersprachen für alle numerischen Typen überladen.
- In Python sind außerdem die Operatoren „+“ und „*“ für Strings überladen.
- In Python können gewisse Operatoren überladen werden.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



- Ein **Operator** ist **überladen** (operator overloading), wenn dieser Operator je nach Typ der Argumente (und ggf. dem Kontext) unterschiedlich definiert ist.
- Traditionell sind die arithmetischen Operatoren in vielen Programmiersprachen für alle numerischen Typen überladen.
- In Python sind außerdem die Operatoren „+“ und „*“ für Strings überladen.
- In Python können gewisse Operatoren überladen werden.
- **Überladung ist immer mit Vorsicht zu genießen:**

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



- Ein **Operator** ist **überladen** (operator overloading), wenn dieser Operator je nach Typ der Argumente (und ggf. dem Kontext) unterschiedlich definiert ist.
- Traditionell sind die arithmetischen Operatoren in vielen Programmiersprachen für alle numerischen Typen überladen.
- In Python sind außerdem die Operatoren „+“ und „*“ für Strings überladen.
- In Python können gewisse Operatoren überladen werden.
- **Überladung ist immer mit Vorsicht zu genießen:**
 - Falls ein Operator wie „+“ überladen ist, ist es im Programmtext nicht offensichtlich, welcher Code ausgeführt wird.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



- Ein **Operator** ist **überladen** (operator overloading), wenn dieser Operator je nach Typ der Argumente (und ggf. dem Kontext) unterschiedlich definiert ist.
- Traditionell sind die arithmetischen Operatoren in vielen Programmiersprachen für alle numerischen Typen überladen.
- In Python sind außerdem die Operatoren „+“ und „*“ für Strings überladen.
- In Python können gewisse Operatoren überladen werden.
- **Überladung ist immer mit Vorsicht zu genießen:**
 - Falls ein Operator wie „+“ überladen ist, ist es im Programmtext nicht offensichtlich, welcher Code ausgeführt wird.
 - Eine Überladung darf nicht “die Intuition” eines Operators verletzen.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



- Ein **Operator** ist **überladen** (operator overloading), wenn dieser Operator je nach Typ der Argumente (und ggf. dem Kontext) unterschiedlich definiert ist.
- Traditionell sind die arithmetischen Operatoren in vielen Programmiersprachen für alle numerischen Typen überladen.
- In Python sind außerdem die Operatoren „+“ und „*“ für Strings überladen.
- In Python können gewisse Operatoren überladen werden.
- **Überladung ist immer mit Vorsicht zu genießen:**
 - Falls ein Operator wie „+“ überladen ist, ist es im Programmtext nicht offensichtlich, welcher Code ausgeführt wird.
 - Eine Überladung darf nicht “die Intuition” eines Operators verletzen.
 - Beispiel: „+“ (auf Zahlen) hat Eigenschaften wie Kommutativität, Assoziativität, 0 als neutrales Element, etc, die durch Überladung nicht gestört werden sollten.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen

Beispiel: Addition für 2D-Punkte



point2d.py (1)

```
class Point2D:  
    ...  
    def __add__(self, other):  
        return Point2D (self.x + other.x, self.y + other.y)
```

- Die “magische Methode” `__add__` definiert die Überladung des „+“-Operators.

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Überladung von
arithmetischen
Operatoren

Überladung von
Vergleichsoperato-
ren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen

Beispiel: Addition für 2D-Punkte



point2d.py (1)

```
class Point2D:  
    ...  
    def __add__(self, other):  
        return Point2D (self.x + other.x, self.y + other.y)
```

- Die “magische Methode” `__add__` definiert die Überladung des „+“-Operators.
- Wenn `pp = Point2D (...)`, dann wird eine “Addition” `pp + v` als Methodenaufruf `pp.__add__(v)` interpretiert.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen

Beispiel: Addition für 2D-Punkte



point2d.py (1)

```
class Point2D:  
    ...  
    def __add__(self, other):  
        return Point2D (self.x + other.x, self.y + other.y)
```

- Die “magische Methode” `__add__` definiert die Überladung des „+“-Operators.
- Wenn `pp = Point2D (...)`, dann wird eine “Addition” `pp + v` als Methodenaufruf `pp.__add__(v)` interpretiert.
- Was fehlt hier?

- Aggregation
- Properties
- Operator-Überladung
 - Überladung von arithmetischen Operatoren
 - Überladung von Vergleichsoperatoren
 - Zusammenfassung
- Dictionaries
- Mengen

Beispiel: Addition für 2D-Punkte



point2d.py (1)

```
class Point2D:
    ...
    def __add__(self, other):
        return Point2D (self.x + other.x, self.y + other.y)
```

- Die “magische Methode” `__add__` definiert die Überladung des „+“-Operators.
- Wenn `pp = Point2D (...)`, dann wird eine “Addition” `pp + v` als Methodenaufruf `pp.__add__(v)` interpretiert.
- Was fehlt hier?
- Was passiert, wenn `other` keine Instanz von `Point2D` ist?

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen

Beispiel: Addition für 2D-Punkte



point2d.py

```
class Point2D:
    ...
    def __add__(self, other : Point2D):
        if isinstance (other, Point2D):
            return Point2D (self.x + other.x, self.y + other.y)
        else:
            raise TypeError ("Cannot add Point2D and " + str (type (other)))
```

- Der Funktionsaufruf `isinstance (other, Point2D)` testet, ob `other` eine Instanz von `Point2D` ist.
- Hier wird eine Exception erzeugt, aber alles ist möglich (aber nicht unbedingt sinnvoll).

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen

Beispiel: Multiplikation für 2D-Punkte

mit den magischen Methoden `__mul__` und `__rmul__`



point2d.py

```
class Point2D:
    ...
    def __mul__ (self, other : Union[Point2D,numbers.Number]):
        if isinstance (other, Point2D):          # scalar product
            return self.x * other.x + self.y * other.y
        elif isinstance (other, numbers.Number): # scalar multiplication
            return Point2D (other * self.x, other * self.y)
        else:
            raise TypeError ("Cannot multiply Point2D and " + str (type (other)))

    def __rmul__ (self, other : numbers.Number):
        if isinstance (other, numbers.Number):
            return Point2D (other * self.x, other * self.y)
        else:
            raise TypeError ("Cannot multiply " + str (type (other)) + " and Point2D")
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren
Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



Python-Interpreter

```
>>> p1 = Point2D (1,0)
>>> p1.x, p1.y
(1, 0)
>>> p2 = p1 * 42 # multiply p1 with a number
>>> p2.x, p2.y # yields a point
(42, 0)
>>> w = p1 * p2 # multiply two points
>>> w # yields a number
42
>>> p3 = 3 * p1 # multiply a number with a point
>>> p3.x, p3.y # yields a point
(3, 0)
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



Was passiert intern?

- `p1 * 42` entspricht `p1.__mul__(42)`; `other` ist eine Zahl

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



Was passiert intern?

- `p1 * 42` entspricht `p1.__mul__(42)`; `other` ist eine Zahl
- `p1 * p2` entspricht `p1.__mul__(p2)`; `other` ist eine Instanz von `Point2D`

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Überladung von
arithmetischen
Operatoren

Überladung von
Vergleichsoperato-
ren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



Was passiert intern?

- `p1 * 42` entspricht `p1.__mul__(42)`; `other` ist eine Zahl
- `p1 * p2` entspricht `p1.__mul__(p2)`; `other` ist eine Instanz von `Point2D`
- `3 * p1` entspricht ...

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



Was passiert intern?

- `p1 * 42` entspricht `p1.__mul__(42)`; `other` ist eine Zahl
- `p1 * p2` entspricht `p1.__mul__(p2)`; `other` ist eine Instanz von `Point2D`
- `3 * p1` entspricht ...
- `3.__mul__(p1)` ... — im Prinzip; kann so nicht eingegeben werden

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



Was passiert intern?

- `p1 * 42` entspricht `p1.__mul__(42)`; `other` ist eine Zahl
- `p1 * p2` entspricht `p1.__mul__(p2)`; `other` ist eine Instanz von `Point2D`
- `3 * p1` entspricht ...
- `3.__mul__(p1)` ... — im Prinzip; kann so nicht eingegeben werden
- aber der Type `int` kann nicht mit einem `Point2D` multiplizieren und liefert **den Wert `NotImplemented`**.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



Was passiert intern?

- `p1 * 42` entspricht `p1.__mul__(42)`; `other` ist eine Zahl
- `p1 * p2` entspricht `p1.__mul__(p2)`; `other` ist eine Instanz von `Point2D`
- `3 * p1` entspricht ...
- `3.__mul__(p1)` ... — im Prinzip; kann so nicht eingegeben werden
- aber der Type `int` kann nicht mit einem `Point2D` multiplizieren und liefert **den Wert `NotImplemented`**.
- Daraufhin versucht Python `p1.__rmul__(3)` ...

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



Was passiert intern?

- `p1 * 42` entspricht `p1.__mul__(42)`; `other` ist eine Zahl
- `p1 * p2` entspricht `p1.__mul__(p2)`; `other` ist eine Instanz von `Point2D`
- `3 * p1` entspricht ...
- `3.__mul__(p1)` ... — im Prinzip; kann so nicht eingegeben werden
- aber der Type `int` kann nicht mit einem `Point2D` multiplizieren und liefert den Wert `NotImplemented`.
- Daraufhin versucht Python `p1.__rmul__(3)` ...
- was ein Ergebnis liefert.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



Was passiert intern?

- `p1 * 42` entspricht `p1.__mul__(42)`; `other` ist eine Zahl
- `p1 * p2` entspricht `p1.__mul__(p2)`; `other` ist eine Instanz von `Point2D`
- `3 * p1` entspricht ...
- `3.__mul__(p1)` ... — im Prinzip; kann so nicht eingegeben werden
- aber der Type `int` kann nicht mit einem `Point2D` multiplizieren und liefert den Wert `NotImplemented`.
- Daraufhin versucht Python `p1.__rmul__(3)` ...
- was ein Ergebnis liefert.
- Die arithmetischen Operatoren `+`, `*`, `-`, `/` und `%` können nach dem gleichen Muster überladen werden.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen

Vergleich: `__eq__`, `__ne__`



- `obj.__eq__(other)`:
Wird zur Auswertung von `obj == other` aufgerufen.
Wird zur Auswertung von `other == obj` aufgerufen, falls `other` keine `__eq__` Methode besitzt.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen

Vergleich: `__eq__`, `__ne__`



- `obj.__eq__(other)`:
Wird zur Auswertung von `obj == other` aufgerufen.
Wird zur Auswertung von `other == obj` aufgerufen, falls `other` keine `__eq__` Methode besitzt.
- `obj.__ne__(other)`:
Wird zur Auswertung von `obj != other` (oder `other != obj`) aufgerufen.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen

Vergleich: `__eq__`, `__ne__`



- `obj.__eq__(other)`:
Wird zur Auswertung von `obj == other` aufgerufen.
Wird zur Auswertung von `other == obj` aufgerufen, falls `other` keine `__eq__` Methode besitzt.
- `obj.__ne__(other)`:
Wird zur Auswertung von `obj != other` (oder `other != obj`) aufgerufen.
- Sind diese Methoden nicht definiert, werden Objekte nur auf Identität verglichen, d.h. `x == y` gdw. `x is y`.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen

Vergleich: `__eq__`, `__ne__`



- `obj.__eq__(other)`:
Wird zur Auswertung von `obj == other` aufgerufen.
Wird zur Auswertung von `other == obj` aufgerufen, falls `other` keine `__eq__` Methode besitzt.
- `obj.__ne__(other)`:
Wird zur Auswertung von `obj != other` (oder `other != obj`) aufgerufen.
- Sind diese Methoden nicht definiert, werden Objekte nur auf Identität verglichen, d.h. `x == y` gdw. `x is y`.
- Der Aufruf von `!=` gibt automatisch das Gegenteil vom Aufruf von `==` zurück, außer wenn `==` das Ergebnis `NotImplemented` liefert. Es reicht also, `obj.__eq__(other)` zu implementieren.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



Equality

```
@dataclass
class Point2D:
    ...
    def __eq__(self, other):
        return (isinstance(other, Point2D) and
                self.x == other.x and self.y == other.y)
```

- Die Methode `__eq__` wird für Datenklassen automatisch erzeugt, wenn sie nicht explizit definiert wird.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen

Vergleich: `__ge__`, `__gt__`, `__le__`, `__lt__`



- `obj.__ge__(other)`:
Wird zur Auswertung von `obj >= other` aufgerufen.
Wird ebenfalls zur Auswertung von `other <= obj` aufgerufen, falls `other` über keine `__le__`-Methode verfügt.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen

```
@dataclass(order=True)
class Point2D:
    x : float
    y : float
```

Vergleich: `__ge__`, `__gt__`, `__le__`, `__lt__`



- `obj.__ge__(other)`:
Wird zur Auswertung von `obj >= other` aufgerufen.
Wird ebenfalls zur Auswertung von `other <= obj` aufgerufen, falls `other` über keine `__le__`-Methode verfügt.
- `obj.__gt__(other)`, `obj.__le__(other)`, `obj.__lt__(other)`:
Werden analog für die Vergleiche `obj > other` bzw. `obj <= other` bzw. `obj < other` aufgerufen.

```
@dataclass(order=True)
class Point2D:
    x : float
    y : float
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen

Vergleich: `__ge__`, `__gt__`, `__le__`, `__lt__`



- `obj.__ge__(other)`:
Wird zur Auswertung von `obj >= other` aufgerufen.
Wird ebenfalls zur Auswertung von `other <= obj` aufgerufen, falls `other` über keine `__le__`-Methode verfügt.
- `obj.__gt__(other)`, `obj.__le__(other)`, `obj.__lt__(other)`:
Werden analog für die Vergleiche `obj > other` bzw. `obj <= other` bzw. `obj < other` aufgerufen.
- Auch die Vergleichsmethoden können automatisch durch die Datenklasse erzeugt werden, wenn `order=True` angegeben wird:

```
@dataclass(order=True)
class Point2D:
    x : float
    y : float
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Überladung von arithmetischen Operatoren

Überladung von Vergleichsoperatoren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



- **Aggregation** liegt vor, falls Attribute von Objekten selbst wieder Objekte sind.

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Überladung von
arithmetischen
Operatoren

Überladung von
Vergleichsoperato-
ren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



- **Aggregation** liegt vor, falls Attribute von Objekten selbst wieder Objekte sind.
- **Properties** erlauben die Realisierung von **Invarianten** und **Datenkapselung**.
Attributzugriffe werden über Getter und Setter (Methoden) abgewickelt.

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Überladung von
arithmetischen
Operatoren

Überladung von
Vergleichsoperato-
ren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



- **Aggregation** liegt vor, falls Attribute von Objekten selbst wieder Objekte sind.
- **Properties** erlauben die Realisierung von **Invarianten** und **Datenkapselung**.
Attributzugriffe werden über Getter und Setter (Methoden) abgewickelt.
- **Überladung** liegt vor, wenn ein Operator die anzuwendende Operation anhand des Typs der Operanden bestimmt.

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Überladung von
arithmetischen
Operatoren

Überladung von
Vergleichsoperato-
ren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



- **Aggregation** liegt vor, falls Attribute von Objekten selbst wieder Objekte sind.
- **Properties** erlauben die Realisierung von **Invarianten** und **Datenkapselung**.
Attributzugriffe werden über Getter und Setter (Methoden) abgewickelt.
- **Überladung** liegt vor, wenn ein Operator die anzuwendende Operation anhand des Typs der Operanden bestimmt.
- Python verwendet **magische Methoden** zur Implementierung der Überladung von Operatoren.

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Überladung von
arithmetischen
Operatoren

Überladung von
Vergleichsoperato-
ren

Zusammenfassung

Dictionaries

Mengen



Dictionaries

Aggregie-
rung

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



- Ein **Dictionary** (Wörterbuch), kurz *Dict*, ist eine Abbildung von **Schlüsseln** (*keys*) auf zugehörige **Werte** (*values*).

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



- Ein **Dictionary** (Wörterbuch), kurz *Dict*, ist eine Abbildung von **Schlüsseln** (*keys*) auf zugehörige **Werte** (*values*).
- Alternative Bezeichnung: *assoziatives Array*

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



- Ein **Dictionary** (Wörterbuch), kurz *Dict*, ist eine Abbildung von **Schlüsseln** (*keys*) auf zugehörige **Werte** (*values*).
- Alternative Bezeichnung: *assoziatives Array*
- Grundoperationen auf Dictionaries:

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



- Ein **Dictionary** (Wörterbuch), kurz *Dict*, ist eine Abbildung von **Schlüsseln** (*keys*) auf zugehörige **Werte** (*values*).
- Alternative Bezeichnung: *assoziatives Array*
- Grundoperationen auf Dictionaries:
 - Einfügen einer Assoziation (Schlüssel \mapsto Wert), evtl. vorhandene Assoziation mit Schlüssel wird überschrieben

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



- Ein **Dictionary** (Wörterbuch), kurz *Dict*, ist eine Abbildung von **Schlüsseln** (*keys*) auf zugehörige **Werte** (*values*).
- Alternative Bezeichnung: *assoziatives Array*
- Grundoperationen auf Dictionaries:
 - Einfügen einer Assoziation (Schlüssel \mapsto Wert), evtl. vorhandene Assoziation mit Schlüssel wird überschrieben
 - Entfernen einer Assoziation (Schlüssel),

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



- Ein **Dictionary** (Wörterbuch), kurz *Dict*, ist eine Abbildung von **Schlüsseln** (*keys*) auf zugehörige **Werte** (*values*).
- Alternative Bezeichnung: *assoziatives Array*
- Grundoperationen auf Dictionaries:
 - Einfügen einer Assoziation (Schlüssel \mapsto Wert), evtl. vorhandene Assoziation mit Schlüssel wird überschrieben
 - Entfernen einer Assoziation (Schlüssel),
 - Nachschlagen des Werts zu einem Schlüssel,

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



- Ein **Dictionary** (Wörterbuch), kurz *Dict*, ist eine Abbildung von **Schlüsseln** (*keys*) auf zugehörige **Werte** (*values*).
- Alternative Bezeichnung: *assoziatives Array*
- Grundoperationen auf Dictionaries:
 - Einfügen einer Assoziation (Schlüssel \mapsto Wert), evtl. vorhandene Assoziation mit Schlüssel wird überschrieben
 - Entfernen einer Assoziation (Schlüssel),
 - Nachschlagen des Werts zu einem Schlüssel,
 - Anwesenheit eines Schlüssels

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



- Ein **Dictionary** (Wörterbuch), kurz *Dict*, ist eine Abbildung von **Schlüsseln** (*keys*) auf zugehörige **Werte** (*values*).
- Alternative Bezeichnung: *assoziatives Array*
- Grundoperationen auf Dictionaries:
 - Einfügen einer Assoziation (Schlüssel \mapsto Wert), evtl. vorhandene Assoziation mit Schlüssel wird überschrieben
 - Entfernen einer Assoziation (Schlüssel),
 - Nachschlagen des Werts zu einem Schlüssel,
 - Anwesenheit eines Schlüssels
- Voraussetzungen

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



- Ein **Dictionary** (Wörterbuch), kurz *Dict*, ist eine Abbildung von **Schlüsseln** (*keys*) auf zugehörige **Werte** (*values*).
- Alternative Bezeichnung: *assoziatives Array*
- Grundoperationen auf Dictionaries:
 - Einfügen einer Assoziation (Schlüssel \mapsto Wert), evtl. vorhandene Assoziation mit Schlüssel wird überschrieben
 - Entfernen einer Assoziation (Schlüssel),
 - Nachschlagen des Werts zu einem Schlüssel,
 - Anwesenheit eines Schlüssels
- Voraussetzungen
 - Schlüssel müssen auf Gleichheit getestet werden können!

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



- Ein **Dictionary** (Wörterbuch), kurz *Dict*, ist eine Abbildung von **Schlüsseln** (*keys*) auf zugehörige **Werte** (*values*).
- Alternative Bezeichnung: *assoziatives Array*
- Grundoperationen auf Dictionaries:
 - Einfügen einer Assoziation (Schlüssel \mapsto Wert), evtl. vorhandene Assoziation mit Schlüssel wird überschrieben
 - Entfernen einer Assoziation (Schlüssel),
 - Nachschlagen des Werts zu einem Schlüssel,
 - Anwesenheit eines Schlüssels
- Voraussetzungen
 - Schlüssel müssen auf Gleichheit getestet werden können!
 - Schlüssel müssen unveränderlich (immutable) sein!

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



- Dictionaries sind so implementiert, dass der Wert zu einem gegebenen Schlüssel sehr **effizient** unabhängig von der Anzahl der bestehenden Einträge bestimmt werden kann.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



- Dictionaries sind so implementiert, dass der Wert zu einem gegebenen Schlüssel sehr **effizient** unabhängig von der Anzahl der bestehenden Einträge bestimmt werden kann.
- Dictionaries sind **ungeordnet**; d.h., es ist nicht sinnvoll, von einem ersten (zweiten, usw.) Element zu sprechen.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



- Dictionaries sind so implementiert, dass der Wert zu einem gegebenen Schlüssel sehr **effizient** unabhängig von der Anzahl der bestehenden Einträge bestimmt werden kann.
- Dictionaries sind **ungeordnet**; d.h., es ist nicht sinnvoll, von einem ersten (zweiten, usw.) Element zu sprechen.
- (Ein heißes Thema zur Zeit sind **key-value stores**; das sind Netz-weit verteilte Dictionaries.)

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte Dicts

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



Python-Interpreter

```
>>> description = {"walk": "silly", "parrot": "dead",
...                (1, 2, 3): "no witchcraft"}
>>> description["parrot"]
'dead'
>>> "walk" in description
True
>>> description["parrot"] = "pining for the fjords"
>>> description["slides"] = "unfinished"
>>> description
{'slides': 'unfinished', (1, 2, 3): 'no witchcraft',
 'parrot': 'pining for the fjords', 'walk': 'silly'}
```

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



Dictionaries können auf verschiedene Weisen **erzeugt** werden (Auswahl):

- `{key1: value1, key2: value2, ...}`:

Hier sind `key1`, `key2`, ... **unveränderliche Python-Objekte**, d.h. Zahlen, Strings, Tupel, etc. Für `value1`, `value2`, ... dürfen beliebige Python-Objekte verwendet werden.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



Dictionaries können auf verschiedene Weisen **erzeugt** werden (Auswahl):

- `{key1: value1, key2: value2, ...}`:
Hier sind `key1`, `key2`, ... **unveränderliche Python-Objekte**, d.h. Zahlen, Strings, Tupel, etc. Für `value1`, `value2`, ... dürfen beliebige Python-Objekte verwendet werden.
- `dict(key1=value1, key2=value2, ...)`:
Hier sind die Schlüssel `key1`, `key2`, ... **Variablennamen**, die vom `dict`-Konstruktor in Strings konvertiert werden.
Die Werte `value1` usw. sind beliebige Objekte.

- Aggregation
- Properties
- Operator-Überladung
- Dictionaries
 - Beispiele
 - Operationen
 - Geschachtelte Dicts
 - Views
 - Dicts als Hashtabellen
 - Veränderliche Dict-Keys?

Mengen



Dictionaries können auf verschiedene Weisen **erzeugt** werden (Auswahl):

- `{key1: value1, key2: value2, ...}`:
Hier sind `key1`, `key2`, ... **unveränderliche Python-Objekte**, d.h. Zahlen, Strings, Tupel, etc. Für `value1`, `value2`, ... dürfen beliebige Python-Objekte verwendet werden.
- `dict(key1=value1, key2=value2, ...)`:
Hier sind die Schlüssel `key1`, `key2`, ... **Variablennamen**, die vom `dict`-Konstruktor in Strings konvertiert werden.
Die Werte `value1` usw. sind beliebige Objekte.
- `dict(sequence_of_pairs)`:
`dict([(key1, value1), (key2, value2), ...])` entspricht `{key1: value1, key2: value2, ...}`.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



Python-Interpreter

```
>>> {"parrot": "dead", "spam": "tasty", 10: "zehn"}
{10: 'zehn', 'parrot': 'dead', 'spam': 'tasty'}
>>> dict(six=6, nine=9, six_times_nine=42)
{'six_times_nine': 42, 'nine': 9, 'six': 6}
>>> english = ["red", "blue", "green"]
>>> german = ["rot", "blau", "grün"]
>>> dict(zip(english, german))
{'red': 'rot', 'green': 'grün', 'blue': 'blau'}
```

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



Sei d ein Dict:

■ `key in d`:

True, falls das Dictionary d den Schlüssel `key` enthält.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



Sei d ein Dict:

- `key in d`:
True, falls das Dictionary d den Schlüssel `key` enthält.
- `bool(d)`:
True, falls das Dictionary nicht leer ist.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



Sei d ein Dict:

- `key in d`:
True, falls das Dictionary d den Schlüssel `key` enthält.
- `bool(d)`:
True, falls das Dictionary nicht leer ist.
- `len(d)`:
Liefert die Zahl der Elemente (Assoziationen) in d .

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



- `d[key]`:
Liefert den Wert zum Schlüssel `key`.
Fehler bei nicht vorhandenen Schlüsseln.

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



- `d[key]`:
Liefert den Wert zum Schlüssel `key`.
Fehler bei nicht vorhandenen Schlüsseln.
- `d.get(key, default)` (oder `d.get(key)`):
Wie `d[key]`, aber es ist kein Fehler, wenn `key` nicht vorhanden ist.
Stattdessen wird in diesem Fall `default` zurückgeliefert (`None`, wenn kein Default angegeben wurde).

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



food_inventory.py

```
def get_food_amount(food : str):
    food_amounts = {"spam": 2, "egg": 1, "cheese": 4}
    return food_amounts.get(food, 0)

for food in ["egg", "vinegar", "cheese"]:
    amount = get_food_amount(food)
    print("We have enough", food, "for", amount , "people.")

# Ausgabe:
# We have enough egg for 1 people.
# We have enough vinegar for 0 people.
# We have enough cheese for 4 people.
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



- `d[key] = value`:

Weist dem Schlüssel `key` einen Wert zu. Befindet sich bereits eine Assoziation mit Schlüssel `key` in `d`, wird es ersetzt.

Aggregie-
rung

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



- `d[key] = value`:
Weist dem Schlüssel `key` einen Wert zu. Befindet sich bereits eine Assoziation mit Schlüssel `key` in `d`, wird es ersetzt.
- `d.setdefault(key, default)` (oder `d.setdefault(key)`):
Vom Rückgabewert äquivalent zu `d.get(key, default)`.
Falls das Dictionary den Schlüssel noch nicht enthält, wird zusätzlich `d[key] = default` ausgeführt.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



- Auch Dicts können selbst Dicts enthalten.

Python-Interpreter

```
>>> en_de={'red': 'rot', 'green': 'grün', 'blue': 'blau'}
>>> de_fr ={'rot': 'rouge', 'grün': 'vert', 'blau': 'bleu'}
>>> dicts = {'en->de': en_de, 'de->fr': de_fr}
>>> dicts['de->fr']['blau']
'bleu'
>>> dicts['de->fr'][dicts['en->de']['blue']]
'bleu'
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte Dicts

Views

Dicts als Hashtabellen

Veränderliche Dict-Keys?

Mengen



Die folgenden Methoden liefern iterierbare views zurück, die Änderungen an dem zugrundeliegenden `dict` reflektieren!

- `d.keys()`:
Liefert alle Schlüssel in `d` zurück.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



Die folgenden Methoden liefern iterierbare views zurück, die Änderungen an dem zugrundeliegenden `dict` reflektieren!

- `d.keys()`:
Liefert alle Schlüssel in `d` zurück.
- `d.values()`:
Liefert alle Werte in `d` zurück.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte Dicts

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



Die folgenden Methoden liefern iterierbare views zurück, die Änderungen an dem zugrundeliegenden `dict` reflektieren!

- `d.keys()`:
Liefert alle Schlüssel in `d` zurück.
- `d.values()`:
Liefert alle Werte in `d` zurück.
- `d.items()`:
Liefert alle Einträge, d.h. `(key, value)`-Assoziationen in `d` zurück.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



Die folgenden Methoden liefern iterierbare views zurück, die Änderungen an dem zugrundeliegenden `dict` reflektieren!

- `d.keys()`:
Liefert alle Schlüssel in `d` zurück.
- `d.values()`:
Liefert alle Werte in `d` zurück.
- `d.items()`:
Liefert alle Einträge, d.h. `(key, value)`-Assoziationen in `d` zurück.
- Dictionaries können auch in `for`-Schleifen verwendet werden. Dabei wird die Methode `keys` benutzt. `for`-Schleifen über Dictionaries durchlaufen also die *Schlüssel*.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen

Wie funktionieren Dictionaries?



Dictionaries sind als **Hashtabellen** implementiert:

- Bei der Erzeugung eines Dictionaries wird eine große Tabelle (die **Hashtabelle**) eingerichtet.

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

**Dicts als
Hashtabellen**

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen

Wie funktionieren Dictionaries?



Dictionaries sind als **Hashtabellen** implementiert:

- Bei der Erzeugung eines Dictionaries wird eine große Tabelle (die **Hashtabelle**) eingerichtet.
- Jedem Schlüssel wird mit Hilfe einer **Hashfunktion** ein Tabellenindex (der **Hashwert**) zugeordnet.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte Dicts

Dicts

Views

Dicts als Hashtabellen

Veränderliche Dict-Keys?

Mengen



Dictionaries sind als **Hashtabellen** implementiert:

- Bei der Erzeugung eines Dictionaries wird eine große Tabelle (die **Hashtabelle**) eingerichtet.
- Jedem Schlüssel wird mit Hilfe einer **Hashfunktion** ein Tabellenindex (der **Hashwert**) zugeordnet.
- Der zum Schlüssel gehörige Wert wird an dieser Stelle in der Tabelle abgelegt, es sei denn...

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

**Dicts als
Hashtabellen**

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen



Dictionaries sind als **Hashtabellen** implementiert:

- Bei der Erzeugung eines Dictionaries wird eine große Tabelle (die **Hashtabelle**) eingerichtet.
- Jedem Schlüssel wird mit Hilfe einer **Hashfunktion** ein Tabellenindex (der **Hashwert**) zugeordnet.
- Der zum Schlüssel gehörige Wert wird an dieser Stelle in der Tabelle abgelegt, es sei denn...
- an diesem Index ist bereits ein Eintrag für einen anderen Schlüssel vorhanden: eine Hashfunktion kann unterschiedlichen Schlüsseln den gleichen Hashwert zuordnen.

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als
Hashtabellen

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen



Dictionaries sind als **Hashtabellen** implementiert:

- Bei der Erzeugung eines Dictionaries wird eine große Tabelle (die **Hashtabelle**) eingerichtet.
- Jedem Schlüssel wird mit Hilfe einer **Hashfunktion** ein Tabellenindex (der **Hashwert**) zugeordnet.
- Der zum Schlüssel gehörige Wert wird an dieser Stelle in der Tabelle abgelegt, es sei denn...
- an diesem Index ist bereits ein Eintrag für einen anderen Schlüssel vorhanden: eine Hashfunktion kann unterschiedlichen Schlüsseln den gleichen Hashwert zuordnen.
- Bei gleichen Hashwerten für verschiedene Schlüssel gibt es eine Spezialbehandlung (z.B. Ablegen des Werts in der nächsten freien Zelle).

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als
Hashtabellen

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen



Dictionaries sind als **Hashtabellen** implementiert:

- Bei der Erzeugung eines Dictionaries wird eine große Tabelle (die **Hashtabelle**) eingerichtet.
- Jedem Schlüssel wird mit Hilfe einer **Hashfunktion** ein Tabellenindex (der **Hashwert**) zugeordnet.
- Der zum Schlüssel gehörige Wert wird an dieser Stelle in der Tabelle abgelegt, es sei denn...
- an diesem Index ist bereits ein Eintrag für einen anderen Schlüssel vorhanden: eine Hashfunktion kann unterschiedlichen Schlüsseln den gleichen Hashwert zuordnen.
- Bei gleichen Hashwerten für verschiedene Schlüssel gibt es eine Spezialbehandlung (z.B. Ablegen des Werts in der nächsten freien Zelle).
- Der Zugriff erfolgt trotzdem in (erwarteter) **konstanter Zeit**.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als
Hashtabellen

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen



Eingabe:

Hashtabelle		
Index	Key	Value
0		
1		
2		
3		
4		
5		
6		

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

**Dicts als
Hashtabellen**

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



Eingabe: ('parrot', 'dead')

Hashtabelle		
Index	Key	Value
0		
1		
2		
3		
4		
5		
6		

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

**Dicts als
Hashtabellen**

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen

Eine Hashtabelle bei der Arbeit



Eingabe: ('parrot', 'dead')
hash('parrot')=4

Hashtabelle

Index	Key	Value
0		
1		
2		
3		
4		
5		
6		

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

**Dicts als
Hashtabellen**

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen



Eingabe:

Hashtabelle		
Index	Key	Value
0		
1		
2		
3		
4	'parrot'	'dead'
5		
6		

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

**Dicts als
Hashtabellen**

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen

Eine Hashtabelle bei der Arbeit



Eingabe: ('spam', 'tasty')

Hashtabelle		
Index	Key	Value
0		
1		
2		
3		
4	'parrot'	'dead'
5		
6		

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

**Dicts als
Hashtabellen**

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen

Eine Hashtabelle bei der Arbeit



Eingabe: ('spam', 'tasty')
hash('spam')=0

Hashtabelle		
Index	Key	Value
0		
1		
2		
3		
4	'parrot'	'dead'
5		
6		

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte Dicts

Dicts

Views

Dicts als Hashtabellen

Veränderliche Dict-Keys?

Mengen



Eingabe:

Hashtabelle		
Index	Key	Value
0	'spam'	'tasty'
1		
2		
3		
4	'parrot'	'dead'
5		
6		

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

**Dicts als
Hashtabellen**

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen

Eine Hashtabelle bei der Arbeit



Eingabe: ('zehn', 10)

Hashtabelle		
Index	Key	Value
0	'spam'	'tasty'
1		
2		
3		
4	'parrot'	'dead'
5		
6		

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

**Dicts als
Hashtabellen**

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen

Eine Hashtabelle bei der Arbeit



Eingabe: ('zehn', 10)
hash('zehn')=4

Hashtabelle		
Index	Key	Value
0	'spam'	'tasty'
1		
2		
3		
4	'parrot'	'dead'
5		
6		

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

**Dicts als
Hashtabellen**

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen

Eine Hashtabelle bei der Arbeit



Eingabe: ('zehn', 10)
hash('zehn')=4 **Konflikt!**

Hashtabelle		
Index	Key	Value
0	'spam'	'tasty'
1		
2		
3		
4	'parrot'	'dead'
5		
6		

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

**Dicts als
Hashtabellen**

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen



Eingabe:

Hashtabelle		
Index	Key	Value
0	'spam'	'tasty'
1		
2		
3		
4	'parrot'	'dead'
5	'zehn'	10
6		

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

**Dicts als
Hashtabellen**

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen



Anfrage: 'parrot'

Hashtabelle

Index	Key	Value
0	'spam'	'tasty'
1		
2		
3		
4	'parrot'	'dead'
5	'zehn'	10
6		

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

**Dicts als
Hashtabellen**

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen

Eine Hashtabelle bei der Arbeit



Anfrage: 'parrot'
hash('parrot')=4

Hashtabelle

Index	Key	Value
0	'spam'	'tasty'
1		
2		
3		
4	'parrot'	'dead'
5	'zehn'	10
6		

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

**Dicts als
Hashtabellen**

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen

Eine Hashtabelle bei der Arbeit



Anfrage: 'parrot'
hash('parrot')=4
Ausgabe: 'dead'

Hashtabelle		
Index	Key	Value
0	'spam'	'tasty'
1		
2		
3		
4	'parrot'	'dead'
5	'zehn'	10
6		

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

**Dicts als
Hashtabellen**

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen



Anfrage: 'zehn'

Hashtabelle		
Index	Key	Value
0	'spam'	'tasty'
1		
2		
3		
4	'parrot'	'dead'
5	'zehn'	10
6		

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

**Dicts als
Hashtabellen**

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen

Eine Hashtabelle bei der Arbeit



Anfrage: 'zehn'
hash('zehn')=4

Hashtabelle		
Index	Key	Value
0	'spam'	'tasty'
1		
2		
3		
4	'parrot'	'dead'
5	'zehn'	10
6		

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

**Dicts als
Hashtabellen**

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen

Eine Hashtabelle bei der Arbeit



Anfrage: 'zehn'
hash('zehn')=4

Hashtabelle

Index	Key	Value
0	'spam'	'tasty'
1		
2		
3		
4	'parrot'	'dead'
5	'zehn'	10
6		

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

**Dicts als
Hashtabellen**

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen

Eine Hashtabelle bei der Arbeit



Anfrage: 'zehn'
hash('zehn')=4
Ausgabe:10

Hashtabelle		
Index	Key	Value
0	'spam'	'tasty'
1		
2		
3		
4	'parrot'	'dead'
5	'zehn'	10
6		

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

**Dicts als
Hashtabellen**

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen



- Schlüssel müssen hash-bar sein und auf Gleichheit getestet werden können

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

**Dicts als
Hashtabellen**

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen



- Schlüssel müssen hash-bar sein und auf Gleichheit getestet werden können
- Hashtabellen haben **keine spezielle Ordnung** für die Elemente.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

**Dicts als
Hashtabellen**

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen



- Schlüssel müssen hash-bar sein und auf Gleichheit getestet werden können
- Hashtabellen haben **keine spezielle Ordnung** für die Elemente.
- Daher liefert `keys` die Schlüssel nicht in der Einfügereihenfolge, sondern in einer unvorhersehbaren Abfolge.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

**Dicts als
Hashtabellen**

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen



- Schlüssel müssen hash-bar sein und auf Gleichheit getestet werden können
- Hashtabellen haben **keine spezielle Ordnung** für die Elemente.
- Daher liefert `keys` die Schlüssel nicht in der Einfügereihenfolge, sondern in einer unvorhersehbaren Abfolge.
- Objekte, die als Schlüssel in einem Dictionary verwendet werden, dürfen **nicht verändert** werden. Ansonsten könnte es zu Problemen kommen.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



```
potential_trouble.py
```

```
mydict = {}  
mylist = [10, 20, 30]  
mydict[mylist] = "spam"  
del mylist[1]  
print(mydict.get([10, 20, 30]))  
print(mydict.get([10, 30]))  
  
# Was kann passieren?  
# Was sollte passieren?
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als
Hashtabellen

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen



- Um solche Problem zu vermeiden, sind in Python nur *unveränderliche* Objekte wie Tupel, Strings und Zahlen als Dictionary-Schlüssel erlaubt.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



- Um solche Problem zu vermeiden, sind in Python nur *unveränderliche* Objekte wie Tupel, Strings und Zahlen als Dictionary-Schlüssel erlaubt.
 - Genauer: Selbst Tupel sind verboten, wenn sie direkt oder indirekt veränderliche Objekte beinhalten.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



- Um solche Problem zu vermeiden, sind in Python nur *unveränderliche* Objekte wie Tupel, Strings und Zahlen als Dictionary-Schlüssel erlaubt.
 - Genauer: Selbst Tupel sind verboten, wenn sie direkt oder indirekt veränderliche Objekte beinhalten.
- Verboten sind also Listen und Dictionaries oder Objekte, die Listen oder Dictionaries beinhalten.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen



- Um solche Problem zu vermeiden, sind in Python nur *unveränderliche* Objekte wie Tupel, Strings und Zahlen als Dictionary-Schlüssel erlaubt.
 - Genauer: Selbst Tupel sind verboten, wenn sie direkt oder indirekt veränderliche Objekte beinhalten.
- Verboten sind also Listen und Dictionaries oder Objekte, die Listen oder Dictionaries beinhalten.
- Für die *Werte* sind beliebige Objekte zulässig; die Einschränkung gilt nur für Schlüssel!

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen



Python-Interpreter

```
>>> mydict = {"silly", "walk"): [1, 2, 3]}
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte Dicts

Dicts

Views

Dicts als Hashtabellen

Veränderliche Dict-Keys?

Mengen



Python-Interpreter

```
>>> mydict = {"silly", "walk"): [1, 2, 3]}
>>> mydict[[10, 20]] = "spam"
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

**Veränderliche
Dict-Keys?**

Mengen



Python-Interpreter

```
>>> mydict = {"silly", "walk"): [1, 2, 3]}
>>> mydict[[10, 20]] = "spam"
Traceback (most recent call last): ...
TypeError: unhashable type: 'list'
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen



Python-Interpreter

```
>>> mydict = {"silly", "walk"): [1, 2, 3]}
>>> mydict[[10, 20]] = "spam"
Traceback (most recent call last): ...
TypeError: unhashable type: 'list'
>>> mydict[("silly", [], "walk")] = 1
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



Python-Interpreter

```
>>> mydict = {"silly", "walk": [1, 2, 3]}
>>> mydict[[10, 20]] = "spam"
Traceback (most recent call last): ...
TypeError: unhashable type: 'list'
>>> mydict[("silly", [], "walk")] = 1
Traceback (most recent call last): ...
TypeError: unhashable type: 'list'
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche
Dict-Keys?

Mengen



- Eine Funktion kann Keyword Parameter der Form `par=wert` akzeptieren.
- Falls der **letzte formale Parameter** der Funktion die Form `**kwargs` hat, so akzeptiert die Funktion beliebige Keyword Parameter.
- In der Funktion kann die Variable `kwargs` wie ein Dictionary verwendet werden.

Python-Interpreter

```
>>> def echo(**kwargs):  
...     for k,v in kwargs.items():  
...         print(str(k) + " = " + str(v))  
...  
>>> echo(a=42, b='foo')  
a = 42  
b = foo
```

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Beispiele

Operationen

Geschachtelte

Dicts

Views

Dicts als

Hashtabellen

Veränderliche

Dict-Keys?

Mengen



Mengen

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- Mengen sind Zusammenfassungen von Elementen (hier immer endlich),

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- **Mengen** sind Zusammenfassungen von Elementen (hier immer endlich),
- Grundoperationen auf Mengen:

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- **Mengen** sind Zusammenfassungen von Elementen (hier immer endlich),
- Grundoperationen auf Mengen:
 - Einfügen eines Elements,

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- **Mengen** sind Zusammenfassungen von Elementen (hier immer endlich),
- Grundoperationen auf Mengen:
 - Einfügen eines Elements,
 - Entfernen eines Elements,

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- **Mengen** sind Zusammenfassungen von Elementen (hier immer endlich),
- Grundoperationen auf Mengen:
 - Einfügen eines Elements,
 - Entfernen eines Elements,
 - Test ob Element enthalten ist.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- **Mengen** sind Zusammenfassungen von Elementen (hier immer endlich),
- Grundoperationen auf Mengen:
 - Einfügen eines Elements,
 - Entfernen eines Elements,
 - Test ob Element enthalten ist.
- Voraussetzungen

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- **Mengen** sind Zusammenfassungen von Elementen (hier immer endlich),
- Grundoperationen auf Mengen:
 - Einfügen eines Elements,
 - Entfernen eines Elements,
 - Test ob Element enthalten ist.
- Voraussetzungen
 - Elemente müssen auf Gleichheit getestet werden können!

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- **Mengen** sind Zusammenfassungen von Elementen (hier immer endlich),
- Grundoperationen auf Mengen:
 - Einfügen eines Elements,
 - Entfernen eines Elements,
 - Test ob Element enthalten ist.
- Voraussetzungen
 - Elemente müssen auf Gleichheit getestet werden können!
 - Elemente müssen unveränderlich (immutable) sein!

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- **Mengen** sind Zusammenfassungen von Elementen (hier immer endlich),
- Grundoperationen auf Mengen:
 - Einfügen eines Elements,
 - Entfernen eines Elements,
 - Test ob Element enthalten ist.
- Voraussetzungen
 - Elemente müssen auf Gleichheit getestet werden können!
 - Elemente müssen unveränderlich (immutable) sein!
- Mengenelemente sind einzigartig; eine Menge kann also nicht dasselbe Element ‚mehrmals‘ beinhalten (\Rightarrow Multimenge).

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- Mengen können durch Listen implementiert werden, aber dann ist die mittlere Zeit ein Element zu finden linear in der Größe der Menge.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- Mengen können durch Listen implementiert werden, aber dann ist die mittlere Zeit ein Element zu finden linear in der Größe der Menge.
- Mengen können durch Binärbäume implementiert werden, aber dann ist die mittlere Zeit ein Element zu finden logarithmisch in der Größe der Menge und wir brauchen eine Ordnung auf den Elementen.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- Mengen können durch Listen implementiert werden, aber dann ist die mittlere Zeit ein Element zu finden linear in der Größe der Menge.
- Mengen können durch Binärbäume implementiert werden, aber dann ist die mittlere Zeit ein Element zu finden logarithmisch in der Größe der Menge und wir brauchen eine Ordnung auf den Elementen.
- Mengen könnten durch Dicts implementiert werden, wobei die Elemente durch Schlüssel realisiert würden und der Wert immer `None` ist (konstante Zugriffszeit).

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- Mengen können durch Listen implementiert werden, aber dann ist die mittlere Zeit ein Element zu finden linear in der Größe der Menge.
- Mengen können durch Binärbäume implementiert werden, aber dann ist die mittlere Zeit ein Element zu finden logarithmisch in der Größe der Menge und wir brauchen eine Ordnung auf den Elementen.
- Mengen könnten durch Dicts implementiert werden, wobei die Elemente durch Schlüssel realisiert würden und der Wert immer `None` ist (konstante Zugriffszeit).
- Es gibt spezielle Datentypen für Mengen in Python, die alle **Mengenoperationen** unterstützen.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- Mengen können durch Listen implementiert werden, aber dann ist die mittlere Zeit ein Element zu finden linear in der Größe der Menge.
- Mengen können durch Binärbäume implementiert werden, aber dann ist die mittlere Zeit ein Element zu finden logarithmisch in der Größe der Menge und wir brauchen eine Ordnung auf den Elementen.
- Mengen könnten durch Dicts implementiert werden, wobei die Elemente durch Schlüssel realisiert würden und der Wert immer `None` ist (konstante Zugriffszeit).
- Es gibt spezielle Datentypen für Mengen in Python, die alle **Mengenoperationen** unterstützen.
- Sie sind ebenfalls mit Hilfe von Hashtabellen realisiert.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- Mengenelemente müssen *hashbar* sein (wie bei Dictionaries).

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- Mengenelemente müssen *hashbar* sein (wie bei Dictionaries).
- set vs. frozenset:

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- Mengenelemente müssen *hashbar* sein (wie bei Dictionaries).
- set vs. frozenset:
 - frozensets sind unveränderlich \rightsquigarrow hashbar,

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- Mengenelemente müssen *hashbar* sein (wie bei Dictionaries).
- set vs. frozenset:
 - frozensets sind unveränderlich \rightsquigarrow hashbar,
 - sets sind veränderlich

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- Mengenelemente müssen *hashbar* sein (wie bei Dictionaries).
- set vs. frozenset:
 - frozensets sind unveränderlich \rightsquigarrow hashbar,
 - sets sind veränderlich
 - Insbesondere können frozensets also auch als Elemente von sets und frozensets verwendet werden.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



Wir teilen die Operationen auf Mengen in Gruppen ein:

- Konstruktion
- Grundlegende Operationen
- Einfügen und Entfernen von Elementen
- Mengenvergleiche
- Klassische Mengenoperationen

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende Operationen

Einfügen und Entfernen

Zusammenfassung



- $\{\text{elem1}, \dots, \text{elemN}\}$: Erzeugt die veränderliche Menge $\{\text{elem1}, \dots, \text{elemN}\}$.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- $\{\text{elem1}, \dots, \text{elemN}\}$: Erzeugt die veränderliche Menge $\{\text{elem1}, \dots, \text{elemN}\}$.
- `set()`: Erzeugt eine veränderliche leere Menge.

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- $\{\text{elem1}, \dots, \text{elemN}\}$: Erzeugt die veränderliche Menge $\{\text{elem1}, \dots, \text{elemN}\}$.
- `set()`: Erzeugt eine veränderliche leere Menge.
- `set(iterable)`: Erzeugt eine veränderliche Menge aus Elementen von `iterable`.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- `{elem1, ..., elemN}`: Erzeugt die veränderliche Menge `{elem1, ..., elemN}`.
- `set()`: Erzeugt eine veränderliche leere Menge.
- `set(iterable)`: Erzeugt eine veränderliche Menge aus Elementen von `iterable`.
- `frozenset()`: Erzeugt eine unveränderliche leere Menge.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- `{elem1, ..., elemN}`: Erzeugt die veränderliche Menge `{elem1, ..., elemN}`.
- `set()`: Erzeugt eine veränderliche leere Menge.
- `set(iterable)`: Erzeugt eine veränderliche Menge aus Elementen von `iterable`.
- `frozenset()`: Erzeugt eine unveränderliche leere Menge.
- `frozenset(iterable)`: Erzeugt eine unveränderliche Menge aus Elementen von `iterable`.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- `{elem1, ..., elemN}`: Erzeugt die veränderliche Menge `{elem1,...,elemN}`.
- `set()`: Erzeugt eine veränderliche leere Menge.
- `set(iterable)`: Erzeugt eine veränderliche Menge aus Elementen von `iterable`.
- `frozenset()`: Erzeugt eine unveränderliche leere Menge.
- `frozenset(iterable)`: Erzeugt eine unveränderliche Menge aus Elementen von `iterable`.
- `set` und `frozenset` können aus beliebigen iterierbaren Objekten `iterable` erstellt werden, also solchen, die `for` unterstützen (z.B. `str`, `list`, `dict`, `set`, `frozenset`.)

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- `{elem1, ..., elemN}`: Erzeugt die veränderliche Menge `{elem1,...,elemN}`.
- `set()`: Erzeugt eine veränderliche leere Menge.
- `set(iterable)`: Erzeugt eine veränderliche Menge aus Elementen von `iterable`.
- `frozenset()`: Erzeugt eine unveränderliche leere Menge.
- `frozenset(iterable)`: Erzeugt eine unveränderliche Menge aus Elementen von `iterable`.
- `set` und `frozenset` können aus beliebigen iterierbaren Objekten `iterable` erstellt werden, also solchen, die `for` unterstützen (z.B. `str`, `list`, `dict`, `set`, `frozenset`.)
- Jedoch dürfen innerhalb von `iterable` nur *hashbare* Objekte (z.B. keine Listen!) enthalten sein (sonst `TypeError`).

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



Python-Interpreter

```
>>> set("spamspam")
```

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



Python-Interpreter

```
>>> set("spamspam")  
{'a', 'p', 's', 'm'}
```

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



Python-Interpreter

```
>>> set("spamspam")
{'a', 'p', 's', 'm'}
>>> frozenset("spamspam")
```

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



Python-Interpreter

```
>>> set("spamspam")
{'a', 'p', 's', 'm'}
>>> frozenset("spamspam")
frozenset({'a', 'p', 's', 'm'})
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



Python-Interpreter

```
>>> set("spamspam")
{'a', 'p', 's', 'm'}
>>> frozenset("spamspam")
frozenset({'a', 'p', 's', 'm'})
>>> set(["spam", 1, [2, 3]])
```

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



Python-Interpreter

```
>>> set("spamspam")
{'a', 'p', 's', 'm'}
>>> frozenset("spamspam")
frozenset({'a', 'p', 's', 'm'})
>>> set(["spam", 1, [2, 3]])
Traceback (most recent call last): ...
TypeError: unhashable type: 'list'
```

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



Python-Interpreter

```
>>> set("spamspam")
{'a', 'p', 's', 'm'}
>>> frozenset("spamspam")
frozenset({'a', 'p', 's', 'm'})
>>> set(["spam", 1, [2, 3]])
Traceback (most recent call last): ...
TypeError: unhashable type: 'list'
>>> set(("spam", 1, (2, 3)))
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



Python-Interpreter

```
>>> set("spamspam")
{'a', 'p', 's', 'm'}
>>> frozenset("spamspam")
frozenset({'a', 'p', 's', 'm'})
>>> set(["spam", 1, [2, 3]])
Traceback (most recent call last): ...
TypeError: unhashable type: 'list'
>>> set(("spam", 1, (2, 3)))
{1, (2, 3), 'spam'}
```

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



Python-Interpreter

```
>>> set("spamspam")
{'a', 'p', 's', 'm'}
>>> frozenset("spamspam")
frozenset({'a', 'p', 's', 'm'})
>>> set(["spam", 1, [2, 3]])
Traceback (most recent call last): ...
TypeError: unhashable type: 'list'
>>> set(("spam", 1, (2, 3)))
{1, (2, 3), 'spam'}
>>> set({"spam": 20, "jam": 30})
```

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung

Konstruktion von Mengen: Beispiele (1)



Python-Interpreter

```
>>> set("spamspam")
{'a', 'p', 's', 'm'}
>>> frozenset("spamspam")
frozenset({'a', 'p', 's', 'm'})
>>> set(["spam", 1, [2, 3]])
Traceback (most recent call last): ...
TypeError: unhashable type: 'list'
>>> set(("spam", 1, (2, 3)))
{1, (2, 3), 'spam'}
>>> set({"spam": 20, "jam": 30})
{'jam', 'spam'}
```

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



Python-Interpreter

```
>>> s = set(["jam", "spam"])
```

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



Python-Interpreter

```
>>> s = set(["jam", "spam"])
>>> set([1, 2, 3, s])
```

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



Python-Interpreter

```
>>> s = set(["jam", "spam"])
>>> set([1, 2, 3, s])
Traceback (most recent call last): ...
TypeError: unhashable type: 'set'
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



Python-Interpreter

```
>>> s = set(["jam", "spam"])
>>> set([1, 2, 3, s])
Traceback (most recent call last): ...
TypeError: unhashable type: 'set'
>>> set([1, 2, 3, frozenset(s)])
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



Python-Interpreter

```
>>> s = set(["jam", "spam"])
>>> set([1, 2, 3, s])
Traceback (most recent call last): ...
TypeError: unhashable type: 'set'
>>> set([1, 2, 3, frozenset(s)])
{1, 2, 3, frozenset({'jam', 'spam'})}
```

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- `element in s`, `element not in s`:
Test auf Mitgliedschaft bzw. Nicht-Mitgliedschaft (liefert `True` oder `False`).
- `bool(s)`:
`True`, falls die Menge `s` nicht leer ist.
- `len(s)`:
Liefert die Zahl der Elemente der Menge `s`.
- `for element in s`:
Über Mengen kann natürlich iteriert werden.
- `s.copy()`:
Liefert eine (flache) Kopie der Menge `s`.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende Operationen

Einfügen und Entfernen

Zusammenfassung



- `s.add(element)`:
Fügt das Objekt `element` zur Menge `s` hinzu, falls es noch nicht Element der Menge ist.
- `s.remove(element)`:
Entfernt `element` aus der Menge `s`, falls es dort enthalten ist.
Sonst: `KeyError`.
- `s.discard(element)`:
Wie `remove`, aber kein Fehler, wenn `element` nicht in der Menge enthalten ist.
- `s.pop()`:
Entfernt ein willkürliches Element aus `s` und liefert es zurück.
- `s.clear()`:
Entfernt alle Elemente aus der Menge `s`.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und
Entfernen

Zusammenfassung



- `union`, `intersection`, `difference`, `symmetric_difference`
- `<=`, `<` (Test auf Teilmenge)
- `==`, `!=` (Test auf Mengengleichheit)

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

**Einfügen und
Entfernen**

Zusammenfassung



- dicts sind Abbildungen von Schlüsseln auf Werte.

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- `dicts` sind Abbildungen von Schlüsseln auf Werte.
- Der Zugriff auf Elemente von `dicts` erfolgt (fast) in konstanter Zeit

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- `dicts` sind Abbildungen von Schlüsseln auf Werte.
- Der Zugriff auf Elemente von `dicts` erfolgt (fast) in konstanter Zeit
- `dicts` sind veränderlich.

Aggregation

Properties

Operator-
Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- `dicts` sind Abbildungen von Schlüsseln auf Werte.
- Der Zugriff auf Elemente von `dicts` erfolgt (fast) in konstanter Zeit
- `dicts` sind veränderlich.
- Die Typen `set` und `frozenset` implementieren Mengen mit allen erwarteten Operationen.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende

Operationen

Einfügen und

Entfernen

Zusammenfassung



- `dicts` sind Abbildungen von Schlüsseln auf Werte.
- Der Zugriff auf Elemente von `dicts` erfolgt (fast) in konstanter Zeit
- `dicts` sind veränderlich.
- Die Typen `set` und `frozenset` implementieren Mengen mit allen erwarteten Operationen.
- `sets` sind veränderliche Strukturen, `frozensets` sind nicht veränderlich.

Aggregation

Properties

Operator-Überladung

Dictionaries

Mengen

Set und Frozenset

Operationen

Konstruktion

Grundlegende Operationen

Einfügen und Entfernen

Zusammenfassung