Informatik I: Einführung in die Programmierung

3. Werte, Typen, Variablen und Ausdrücke



Albert-Ludwigs-Universität Freiburg

Prof. Dr. Peter Thiemann

26. Oktober 2021

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

UNI FREIBURG

- Der Computer repräsentiert Daten als Folgen von Bits.
- Ein Bit (*binary digit*) ist die kleinste Informationseinheit. Sein Wert ist entweder 0 oder 1.
- Einfache technische Realisierung durch Schalter ein / Schalter aus bzw. Ladung vorhanden / entladen.

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

Grundoperationen auf Bits

Logische Operationen

■ Logisches Und: b₁ ∧ b₂

Ergebnis ist 1, falls $b_1 = 1$ und $b_2 = 1$, sonst 0.

$$1 \land 1 = 1$$
, $1 \land 0 = 0$, $0 \land 1 = 0$, $0 \land 0 = 0$

■ Logisches Oder: b₁ ∨ b₂

Ergebnis ist 1, falls $b_1 = 1$ **oder** $b_2 = 1$, sonst 0.

$$1 \lor 1 = 1$$
, $1 \lor 0 = 1$, $0 \lor 1 = 1$, $0 \lor 0 = 0$

■ Logisches Nicht, Negation, Komplement: ¬b

Ergebnis ist 1, falls b = 0. Ergebnis ist 0, falls b = 1.

$$\neg 1 = 0, \quad \neg 0 = 1$$

- Mit diesen drei Grundoperationen k\u00f6nnen alle m\u00f6glichen Operationen auf Bits definiert werden.
- Die Variablen b, b_1 , b_2 stehen für Bits.

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

| b_1 | b_2 | $f(b_1,b_2)$ | f_8 | f ₁₁ |
|-------|-------|--------------|-------|-----------------|
| 0 | 0 | | 0 | 1 |
| 0 | 1 | | 0 | 1 |
| 1 | 0 | | 0 | 0 |
| 1 | 1 | | 1 | 1 |

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

| | b_1 | b_2 | $f(b_1,b_2)$ | f_8 | f ₁₁ |
|---|-------|-------|--------------|-------|-----------------|
| Ī | 0 | 0 | | 0 | 1 |
| | 0 | 1 | | 0 | 1 |
| | 1 | 0 | | 0 | 0 |
| | 1 | 1 | | 1 | 1 |

Aufgabe

Schreibe f_8 und f_{11} mit Hilfe von Und, Oder, Nicht.

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

| b_1 | b ₂ | $f(b_1,b_2)$ | f_8 | f ₁₁ |
|-------|----------------|--------------|-------|-----------------|
| 0 | 0 | | 0 | 1 |
| 0 | 1 | | 0 | 1 |
| 1 | 0 | | 0 | 0 |
| 1 | 1 | | 1 | 1 |

Aufgabe

Schreibe f_8 und f_{11} mit Hilfe von Und, Oder, Nicht.

Auflösung

$$f_8(b_1,b_2) = b_1 \wedge b_2$$

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

Beispiel



FREIBUR

Jede Operation auf zwei Bits ist durch ihre Wertetabelle bestimmt. Die Wertetabelle umfasst vier Bits.

| b_1 | b ₂ | $f(b_1,b_2)$ | f ₈ | f ₁₁ |
|-------|----------------|--------------|----------------|-----------------|
| 0 | 0 | | 0 | 1 |
| 0 | 1 | | 0 | 1 |
| 1 | 0 | | 0 | 0 |
| 1 | 1 | | 1 | 1 |

Aufgabe

Schreibe f_8 und f_{11} mit Hilfe von Und, Oder, Nicht.

Auflösung

 $f_8(b_1,b_2) = b_1 \wedge b_2$

Auflösung

$$f_{11}(b_1,b_2) = (b_1 \wedge b_2) \vee \neg b_1 = \neg b_1 \vee b_2$$

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

UNI FRE BURG

- Rechnen mit einem Bit ist zu ineffizient.
- Die meisten Computer rechnen daher mit Bitvektoren der Breite 8 (ein Byte auch Octet), 16, 32 oder 64.
- Letztere heißen auch 16-Bit (bzw. 32-Bit, 64-Bit) Worte (bzw. Doppelworte, Quadworte). Daher auch Wortbreite.
- Der Aufbau des Computers (genauer gesagt, des Prozessors) ist auf eine Wortbreite ausgerichtet, die durch Bezeichnungen wie 32-Bit-Architektur bzw. 64-Bit-Architektur zum Ausdruck kommt.

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

- Definiert auf Worten gleicher Breite.
- Wendet die logischen Bit-Operationen auf die entsprechenden Positionen der Argumente an.

■ Und: $w_1 \wedge w_2$

Beispiel: $1100 \land 1010 = (1 \land 1)(1 \land 0)(0 \land 1)(0 \land 0) = 1000$

■ Oder: $w_1 \vee w_2$

Beispiel: $1100 \lor 1010 = (1 \lor 1)(1 \lor 0)(0 \lor 1)(0 \lor 0) = 1110$

■ Negation: ¬w

Beispiel: $\neg 10 = (\neg 1)(\neg 0) = 01$

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

variable

- Alle Daten werden im Computer durch Bitvektoren dargestellt
- Die Interpretation des Bitvektors hängt vom angenommenen Typ ab

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

Mensch: Dezimalsystem

- Stellenwertsystem mit Basis 10: Zehn Ziffern— 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9
- Dezimaldarstellung einer Zahl ist Vektor von Ziffern
- Jede Stelle in der Dezimaldarstellung einer Zahl entspricht einer 10er-Potenz
- Beginnend von rechts mit 10⁰

Beispiel

$$\frac{4711}{10} = \mathbf{4} * 10^3 + \mathbf{7} * 10^2 + \mathbf{1} * 10^1 + \mathbf{1} * 10^0$$
$$= 4000 + 700 + 10 + 1$$
$$= 4711$$

Computer: Dual- oder Binärsystem (Gottfried Wilhelm Leibniz ~1700)

- Stellenwertsystem mit Basis 2: Zwei Ziffern— 0, 1 eine Ziffer = ein Bit!
- Binärdarstellung einer Zahl ist Vektor von Bits
- Jede Stelle in der Binärdarstellung einer Zahl entspricht einer 2er-Potenz
- Beginnend von rechts mit 20

Beispiel

$$\underline{101010}_2 = \mathbf{1} * 2^5 + \mathbf{0} * 2^4 + \mathbf{1} * 2^3 + \mathbf{0} * 2^2 + \mathbf{1} * 2^1 + \mathbf{0} * 2^0
= 32 + 0 + 8 + 0 + 2 + 0
= 42$$

Programmierer: Hexadezimalsystem

- Stellenwertsystem mit Basis 16 (4 Bit pro Stelle) 16 Ziffern— 0. 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9. a. b. c. d. e. f
- Die Hexadezimaldarstellung ist ein Vektor von Hexadezimalziffern
- Jede Stelle in der Hexdarstellung einer Zahl entspricht einer 16er-Potenz
- Beginnend von rechts mit 160

Beispiel

$$\underline{beef}_{16} = \mathbf{11} * 16^{3} + \mathbf{14} * 16^{2} + \mathbf{14} * 16^{1} + \mathbf{15} * 16^{0}$$
$$= 11 * 4096 + 14 * 256 + 14 * 16 + 15$$
$$= 48879$$

Wertebereiche

JNI

■ Welche natürlichen Zahlen lassen sich mit gegebener Wortbreite darstellen?

| Wortbreite | Wertebereich |
|------------|-----------------------------|
| 1 | 0 1 |
| 2 | 0 3 |
| 4 | 0 15 |
| 8 | 0 255 |
| 16 | 0 65.535 |
| 32 | 0 4.294.967.295 |
| 64 | 018.446.744.073.709.551.615 |
| n | 0 2^n-1 |

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

- Eingabe: natürliche Zahl n
- Ausgabe: Darstellung von n im Stellenwertsystem mit Basis $B \ge 2$
- Verwende als Ziffern 0, 1, ..., B-1
- Schreibe von rechts nach links in die Ausgabe

Algorithmus

- Berechne q und r als Quotient und Divisionsrest von n/B.
- Schreibe den Rest *r* links an die Ausgabe.
- 3 Falls $q \neq 0$, weiter bei Punkt 1 mit $n \leftarrow q$.
- Sonst fertig.

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

variable

Beispiel: Darstellung in Basis B



Bestimme die Binärdarstellung (B = 2) von n = 42.

- 42//2 = 21 Rest **0**
- 21//2 = 10 Rest **1**
- $10//2 = 5 \text{ Rest } \mathbf{0}$
- = 5//2 = 2 Rest 1
- 2//2 = 1 Rest 0
- 1//2 = 0 Rest 1
- Fertig, weil q = 0.
- Ergebnis 101010₂
- von unten nach oben abgelesen

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

- Wortbreite 1: 0+0=0; 0+1=1; 1+0=1; 1+1=?
- 1+1=0 mit Übertrag 1

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

- Wortbreite 1: 0+0=0; 0+1=1; 1+0=1; 1+1=?
- 1+1=0 mit Übertrag 1
- Damit weiter wie schriftliche Addition

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

- Wortbreite 1: 0+0=0; 0+1=1; 1+0=1; 1+1=?
- 1+1=0 mit Übertrag 1
- Damit weiter wie schriftliche Addition
- Beispiel: 42+6 (in Binärdarstellung: 101010₂ und 110₂)

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

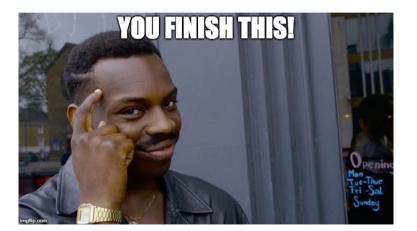
Variable



Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable





Rechnerarithmetik

- Darstellung negativer Zahlen
- Subtraktion
- Multiplikation
- Division
- und Schaltungen dafür

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable



Exkursion: Datenreprä-

Werte und Typen

Variable

Ausdrücke

Rechnerarithmetik

- Darstellung negativer Zahlen
- Subtraktion
- Multiplikation
- Division
- und Schaltungen dafür

Zum Nachdenken

Definiere die Addition von Bits mit Hilfe der Grundoperationen.

Werte und Typen

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

- Jede Programmiersprache unterstützt verschiedene Datentypen.
- Semantik eines Datentyps
 - Menge von Werten und Operationen auf diesen Werten.
- In einem Programmtext müssen wir diese Werte und Operationen als **Zeichenketten** aufschreiben können.
- Syntax
 - Ein Literal ist die Darstellung eines Wertes.
 - Ein Operationssymbol ist die Darstellung einer Operation.

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

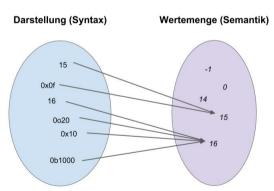
- UNI
- Die ganze Zahl 16 als Wert wird z.B. durch das Literal 16 dargestellt, aber auch durch 0x10 (hexadezimale Darstellung) und 0b10000 (binäre Darstellung).
- Die Zeichenkette (der String) 'Qapla' als Wert wird durch die Literale 'Qapla', "Qapla" und '''Qapla''' dargestellt.
- Die Zahl 0.2 wird durch 0.2 dargestellt, aber auch durch 2.0e-1, 0.02e1, 2000e-4 usw (Exponentialschreibweise 2.0 * 10⁻¹).

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable



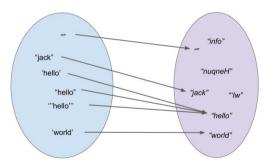


Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

Darstellung (Syntax) Wertemenge (Semantik)



Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

Werte und Typen

d Typen

In Python besteht jeder Wert aus zwei Teilen:

Typ | Interne Repräsentation des Wertes

- Die interne Repräsentation ist ein Bitvektor, der entsprechend des Typs interpretiert wird.
- Beispiele

| 16 | \leftrightarrow | int | 0x10 |
|------------|-------------------|--------|----------------|
| 2.24E44 | \leftrightarrow | float | 0x10 |
| 3.14159 | \leftrightarrow | float | 0x40490fd0 |
| 1078530000 | \leftrightarrow | int | 0x40490fd0 |
| "hello" | \leftrightarrow | string | 0x68656c6c6f00 |

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

Variable

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

UNI ERFIRE

spam.py

```
spam = 111
print(spam)
```

Eine Zuweisung versieht einen Wert mit einem Namen (Variablennamen, Bezeichner, Identifier). Dazu wird der Bezeichner (spam) auf der linken Seite und ein Ausdruck (111) auf der rechten Seite eines Gleichheitszeichens geschrieben. Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

spam.py

```
spam = 111
print(spam)
```

- Eine Zuweisung versieht einen Wert mit einem Namen (Variablennamen, Bezeichner, Identifier). Dazu wird der Bezeichner (spam) auf der linken Seite und ein Ausdruck (111) auf der rechten Seite eines Gleichheitszeichens geschrieben.
- Im Beispiel: "Die *Variable* spam erhält den *Wert* von 111."

Exkursion: Datenreprasentation

Werte und Typen

Variable

spam.py

```
spam = 111
print(spam)
```

- Eine Zuweisung versieht einen Wert mit einem Namen (Variablennamen, Bezeichner, Identifier). Dazu wird der Bezeichner (spam) auf der linken Seite und ein Ausdruck (111) auf der rechten Seite eines Gleichheitszeichens geschrieben.
- Im Beispiel: "Die Variable spam erhält den Wert von 111."
- Ausführung durch python3 spam.py

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

Belegung

N

 Der Zustand eines Programms wird vollständig durch die Belegung der Variablen mit Werten und den aktuellen Ausführungspunkt beschrieben.

spam-egg.py

Variablenbelegung nach der Ausführung:

```
Global frame
spam 123
egg "spam"
```

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

NO

Ein Bezeichner besteht aus Buchstaben, Unterstrichen und Ziffern. Das erste Zeichen darf keine Ziffer sein.

Brägele = 1

Exkursion: Datenrepra sentation

> Werte und Typen

Variable

Ein Bezeichner besteht aus Buchstaben, Unterstrichen und Ziffern. Das erste Zeichen darf keine Ziffer sein.

Ok

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

Syntax von Bezeichnern

A N

■ Ein Bezeichner besteht aus Buchstaben, Unterstrichen und Ziffern. Das erste Zeichen darf keine Ziffer sein.

Ok

Exkursion: Datenreprasentation

Werte und Typen

Variable

Syntax von Bezeichnern

N

■ Ein Bezeichner besteht aus Buchstaben, Unterstrichen und Ziffern. Das erste Zeichen darf keine Ziffer sein.

Ok

^^^^

SyntaxError: invalid syntax. Perhaps you forgot a comma?

$$2you = 3$$

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

Syntax von Bezeichnern

Ein Bezeichner besteht aus Buchstaben, Unterstrichen und Ziffern. Das erste Zeichen darf keine Ziffer sein

Ok

.

SyntaxError: invalid syntax. Perhaps you forgot a comma?

$$2you = 3$$

SyntaxError: invalid decimal literal

sentation

Werte und

Variable

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

```
class = 'Theory'
```

SyntaxError: invalid syntax

Schlüsselwörter können nicht als Bezeichner benutzt werden:

| False | class | finally | is | return |
|--------|----------|---------|----------|--------|
| None | continue | for | lambda | try |
| True | def | from | nonlocal | while |
| and | del | global | not | with |
| as | elif | if | or | yield |
| assert | else | import | pass | |
| break | except | in | raise | |

■ Groß-/Kleinschreibung macht einen Unterschied

```
spam = 3
print(spam)
```

Exkursion: Datenreprasentation

> Werte und Typen

Variable

■ Groß-/Kleinschreibung macht einen Unterschied

```
spam = 3
print(spam)
```

Ok. Druckt 3.

Exkursion: Datenreprasentation

Werte und Typen

Variable

- Variablen sind erst verwendbar, nachdem ihnen ein Wert zugewiesen wurde.
- Groß-/Kleinschreibung macht einen Unterschied

```
spam = 3
print(spam)
```

```
egg
```

Exkursion: Datenreprasentation

Werte und Typen

Variable

- Variablen sind erst verwendbar, nachdem ihnen ein Wert zugewiesen wurde.
- Groß-/Kleinschreibung macht einen Unterschied

```
spam = 3
print(spam)
```

```
egg
```

NameError: name 'egg' is not defined

Exkursion: Datenreprasentation

Werte und Typen

Variable

- Variablen sind erst verwendbar, nachdem ihnen ein Wert zugewiesen wurde.
- Groß-/Kleinschreibung macht einen Unterschied

```
spam = 3
print(spam)
```

```
egg
```

NameError: name 'egg' is not defined

```
Spam
```

Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

- Variablen sind erst verwendbar, nachdem ihnen ein Wert zugewiesen wurde.
- Groß-/Kleinschreibung macht einen Unterschied

```
spam = 3
print(spam)
```

```
egg
```

NameError: name 'egg' is not defined

Spam

NameError: name 'Spam' is not defined. Did you mean: 'spam'?

Exkursion: Datenreprasentation

Werte und Typen

Variable

Ausdrücke

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

Variable

UNI

- Wir kennen bereits Operatoren auf Zahlen: +, -, *, ...
- Ausdrücke werden aus Operatoren, Literalen und Variablen zusammengesetzt.
- Die Auswertung eines Ausdrucks liefert einen Wert oder einen Fehler.

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

- UNI FREIBURG
- Die Auswertung eines Ausdrucks beginnt bei den Literalen und Variablen.
- Wenn die Werte der Teilausdrücke vorliegen, wird die durch den Operator bezeichnete Operation auf sie angewendet.
- Bei arithmetischen Ausdrücken gelten die üblichen Präzedenzregeln:
 - zuerst die Klammerung,

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

FREIBUR

- Die Auswertung eines Ausdrucks beginnt bei den Literalen und Variablen.
- Wenn die Werte der Teilausdrücke vorliegen, wird die durch den Operator bezeichnete Operation auf sie angewendet.
- Bei arithmetischen Ausdrücken gelten die üblichen Präzedenzregeln:
 - zuerst die Klammerung,
 - dann die Exponentiation (rechtsassoziativ!),

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

FREIBUR

- Die Auswertung eines Ausdrucks beginnt bei den Literalen und Variablen.
- Wenn die Werte der Teilausdrücke vorliegen, wird die durch den Operator bezeichnete Operation auf sie angewendet.
- Bei arithmetischen Ausdrücken gelten die üblichen Präzedenzregeln:
 - zuerst die Klammerung,
 - dann die Exponentiation (rechtsassoziativ!),
 - dann Multiplikation und Division,

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

- Die Auswertung eines Ausdrucks beginnt bei den Literalen und Variablen.
- Wenn die Werte der Teilausdrücke vorliegen, wird die durch den Operator bezeichnete Operation auf sie angewendet.
- Bei arithmetischen Ausdrücken gelten die üblichen Präzedenzregeln:
 - zuerst die Klammerung,
 - dann die Exponentiation (rechtsassoziativ!),
 - dann Multiplikation und Division,
 - dann Addition und Subtraktion,

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

- Die Auswertung eines Ausdrucks beginnt bei den Literalen und Variablen.
- Wenn die Werte der Teilausdrücke vorliegen, wird die durch den Operator bezeichnete Operation auf sie angewendet.
- Bei arithmetischen Ausdrücken gelten die üblichen Präzedenzregeln:
 - zuerst die Klammerung,
 - dann die Exponentiation (rechtsassoziativ!),
 - dann Multiplikation und Division,
 - dann Addition und Subtraktion,
 - bei gleicher Präzedenz wird von links nach rechts geklammert (linksassoziativ), außer bei Exponentiation

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

Werte und

```
spam = 3
print (3 * 1 ** spam)
# 3
print ((3 * 1) ** spam)
# 27
print (2 * spam - 1 // 2)
# 6
print (spam ** spam ** spam)
# 7625597484987
print ((spam ** spam) ** spam)
# 19683
```

```
print ('spam' + 'egg')
# spamegg
assert 'spam' + 'egg' == 'spamegg'
```

Strings mit ganzen Zahlen multiplizieren (Python spezifisch)

```
print (3 * 'spam')
# spamspamspam
assert 3 * 'spam' == 'spamspamspam'
print (0 * 'spam')
#
assert 0 * 'spam' == ''
print (-2 * 'spam')
```

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

```
spam = 42
egg = spam // 7
print (egg)
# 6
```

Es wird immer erst der Wert der rechten Seite bestimmt, dann an die Variable zugewiesen:

```
spam = 42
spam = spam * 2
print (spam)
# 84
```

Exkursion: Datenreprä sentation

Werte und Typen

Variable

FREBUR

- Ein Datentyp besteht aus einer Menge von Werten und Operationen auf diesen Werten (Semantik).
- Literale sind die Darstellung (als Zeichenkette) von Werten eines Datentyps (Syntax).
- Jeder Wert hat einen bestimmten Typ.
- Werte erhalten durch Zuweisung einen Namen (Variable).
- Der Wert einer Variablen kann sich ändern.
- Ausdrücke werden aus Operatoren, Literalen und Variablen gebildet.
- Sie haben einen Wert!
- Bei einer Zuweisung wird immer erst die rechte Seite ausgewertet, dann wird der Wert zugewiesen!

Exkursion: Datenrepräsentation

Werte und Typen

variable