

Monaden

Sebastian Wagner

26.11.07

Motivation

Haskell ist eine reine funktionale Programmiersprache, d.h. Programme werden als mathematische Funktionen aufgefasst.

Es werden also Berechnungen nur durch Funktionsanwendungen durchgeführt, wodurch einige erwünschte Nebenwirkungen nicht zulässig sind.

Motivation

Um diese erwünschten Wirkungen, wie z.B. implizite Zustandsänderungen oder Exception-Behandlungen beschreiben zu können, wurde eine neues Konzept entwickelt.



Monaden

Was ist eine Monade?

Eine Monade besteht aus dem Tripel:

$(M, \text{return}, \gg=)$

class Monad m where

return :: a -> m a

(>>=) :: m a -> (a -> m b) -> m b

Die 3 Monaden Gesetze

1. $(\text{return } x) \gg= f == f x$

2. $m \gg= \text{return} == m$

3. $(m \gg= f) \gg= g == m \gg= (\lambda x \rightarrow f x \gg= g)$

Die do-Notation

Durch die do-Notation wird das schreiben des bind ($>>=$) durch do ersetzt und somit das Programmieren erleichtert.

```
foo r = do
  x <- f r
  x <- g x
  x <- h x
  return x
```



```
foo r = f r >>= ((\x -> g x)
  >>= ((\x -> h x)
  >>= (\x -> return x)))
```

Was gibt es für Monaden-Typen?

Identity Monade

Maybe Monade

List Monade

Exception Monade

I/O Monade

State Monade

Reader Monade

Writer Monade

Continuation Monade

Die Exception Monade

```
data Term = Con Int | Div Term Term
```

```
eval :: Term
```

```
eval(Con a) = a
```

```
eval(Div t u) = eval t / eval u
```

Die Exception Monade

answer, error :: Term

```
answer = (Div(Div(Con 16)(Con 2))(Con 2))  
error = (Div(Con 1)(Con 0))
```

```
data M a = Raise Exception | Return a  
type Exception = String
```

Die Exception Monade

$\text{eval} :: \text{Term} \rightarrow \text{M Int}$

$\text{eval} (\text{Con } a) = \text{Return } a$

$\text{eval} (\text{Div } t \ u) = \text{case eval } t \text{ of}$

$\text{Raise } e \rightarrow \text{Raise } e$

$\text{Return } a \rightarrow \text{case eval } u \text{ of}$

$\text{Raise } e \rightarrow \text{Raise } e$

$\text{Return } b \rightarrow \text{if } b == 0$

$\text{then Raise „divide by zero“}$

$\text{else Return}(a/b)$

Die Exception Monade

Auf unsere beiden Beispiele angewendet
erhalten wir als Ergebnis:

```
eval answer = (Return 4)  
eval error = (Raise „divide by zero“)
```

Die Exception Monade

```
data M a = Raise Exception | Return a
type Exception = String
```

```
retrun :: a -> M a
return a = Return a
```

```
raise :: Exception -> M a
raise e = Raise e
```

```
(>>=) :: m a -> (a -> m b) -> m b
m >>= k = case m of
  Raise e -> Raise e
  Return a -> k a
```

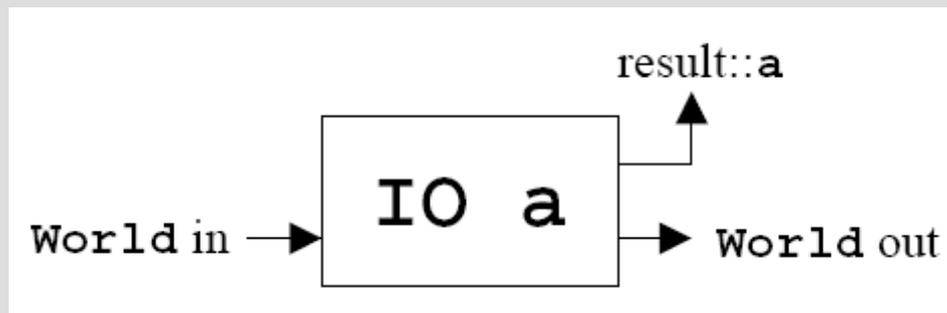
Die Exception Monade

Um nun die Fehlerbehandlung zu unserer Monade hinzuzufügen erweitern wir:

```
    if b == 0  
    then raise „divide by zero“  
    else return (a/b)
```

Die I/O Monade

Type `IO a = World -> (a, World)`



Quelle: Tackling the Awkward Squad, by Simon PEYTON JONES

Anwendung der I/O Monade

```
getChar :: IO Char
getChar = do x <- getChar
             putChar x
             return x
```

Anwendung der I/O Monade

```
getLine :: IO String
```

```
getLine =  
  getChar >>=  
  \x -> if x == '\n'  
        then return []  
        else  
          getLine >>= \xs -> return (x:xs)
```

('\`\n`' steht für den Zeilenumbruch)

Zusammenfassung

Mit Monaden lassen sich erwünschte Nebeneffekte modellieren.

Eine Monade ist ein Typkonstruktor auf den `return` und `bind (>>=)` definiert ist.

Eine Monade muss gewisse Richtlinien einhalten (Monaden Gesetze)

Zusammenfassung

Das schreiben von Programmen, welche Monaden benutzen, wird durch die do-Notation vereinfacht.

Wir haben viele verschiedene Monadentypen wie die Exception- und die I/O – Monade kennengelernt.

Durch Monaden können Programme geschrieben werden, bei denen der Benutzer interaktive Eingaben tätigen kann.

**Danke für Ihre
Aufmerksamkeit!**